



فصلنامه علمی پژوهشی دانش سرمایه‌گذاری
دوره ۱۲ / شماره ۲ (پیاپی ۴۶) / تابستان ۱۴۰۲
صفحه ۴۳ تا ۷۰

پویایی پرتفوی سرمایه‌گذاری بر اساس شاخص نقدشوندگی دارایی‌ها با استفاده از فرآیند پنج‌مارک

راضیه فاتح‌پور

دانشجوی دکتری، گروه حسابداری، واحد بین‌المللی کیش، دانشگاه آزاد اسلامی، جزیره کیش، ایران
Fatehpour.razeih@gmail.com

محسن حمیدیان

دانشیار، گروه حسابداری، دانشکده اقتصاد و حسابداری، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد تهران جنوب، ایران
Hamidian_2002@yahoo.com

شادی شاهرودیانی

استادیار گروه مدیریت بازرگانی، دانشکده علوم انسانی، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد شهر قدس، تهران، ایران
shshahverdiani@gmail.com

علی نجفی مقدم

استادیار گروه حسابداری، دانشکده اقتصاد و حسابداری، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد تهران جنوب، تهران، ایران
Alirezanm@yahoo.com

زهره حاجیها

دانشیار گروه حسابداری، دانشکده علوم انسانی، واحد تهران شرق، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران
drzhajiha@gmail.com

تاریخ دریافت: ۹۹/۰۶/۱۷ تاریخ پذیرش: ۹۹/۰۶/۲۲

چکیده

سرمایه‌گذاران به دنبال انتخاب ترکیب بهینه‌ی دارایی‌ها و تخصیص ثروت خود در میان آن‌ها به گونه‌ای هستند که بتوانند به هدف سرمایه‌گذاری (افزایش درآمد قابل تصرف در دوره‌های آتی) دست یابند. مسأله اصلی در این تحقیق با توجه به شرایط نقدشوندگی بالا یا نقدشوندگی پایین سهام شرکت‌ها و مدل‌های انتخاب پرتفوی، استفاده از ابزاری جدید جهت انتخاب پرتفوی سرمایه‌گذاری می‌باشد. نمونه آماری مورد بررسی برای ۲۷ شرکت فعال در قلمروی زمانی از ابتدای فروردین ماه سال ۱۳۹۳ تا اسفند ماه ۱۳۹۷ در نظر گرفته شده است. نتایج پژوهش با استفاده از بهینه‌سازی پویا و خاصیت هم‌پوشانی بین زیرمسأله‌ها نشان می‌دهند، استفاده از شاخص نقدشوندگی دارایی‌ها برای بهینه‌سازی پرتفوی با استفاده از فرآیند پنج‌مارک تفاوت معنی‌داری را در وزن‌ها، بازده و ریسک پرتفوی نسبت به مدل مارکوویتز ایجاد نموده است. همچنین نتایج حاصل از محاسبه معیار ترینر نشان داد که مدل بهینه‌سازی به دست آمده از فرآیند پنج‌مارک تابع ارزش از پرتفوی‌های حاصل شده از مدل مارکوویتز دارای عملکرد بالاتری می‌باشد.

واژه‌های کلیدی: پرتفوی، بهینه‌سازی، روش پویا، فرآیند پنج‌مارک و نقدشوندگی.

۱- مقدمه

به دلیل نقش و اهمیت زیادی که نقدشوندگی در بازارهای سرمایه پیدا کرده است، تبدیل به یکی از مهمترین شاخص‌ها جهت تعیین میزان توسعه یافتگی بازارهای سهام شده است، از طرفی در بازارهای مالی سرمایه‌گذاران به دنبال بازدهی متناسب با سطح ریسک خود می‌باشند. یکی از ریسک‌های دارایی، ریسک نقدشوندگی آن است. به دلیل طبیعت ریسک‌گریزی، سرمایه‌گذاران به دنبال دارایی‌هایی هستند که بتوانند به سادگی آن را به نقد تبدیل کنند و یا در ازای تحمل این ریسک، بازده اضافی کسب کنند. به نظر می‌رسد در بازارهای سهام تغییرات سهام‌شناور می‌تواند بر میزان نقدشوندگی تأثیر بگذارد و از آنجا که سرمایه‌گذاران به بازارهایی روی می‌آورند که از نقدشوندگی بیشتری برخوردار است، این موضوع می‌تواند باعث افزایش جذابیت سهم برای سهامدار شده و نهایتاً باعث رونق گرفتن معاملات بازارهای سرمایه می‌شود. برخی از سرمایه‌گذاران ممکن است به سرعت به منابع مالی سرمایه‌گذاری خود نیاز داشته باشند که در چنین مواردی قدرت نقدشوندگی دارایی‌ها می‌تواند اهمیت زیادی داشته باشد (بنچر، ۲۰۱۶)^۱.

دارایی‌ها که در بورس اوراق بهادار با استقبال انجام معامله روبه‌رو می‌شوند می‌توانند بیانگر سرعت نقدشوندگی آنها باشد، قابلیت نقدشوندگی یک ورقه سهام به معنای امکان فروش سریع آن است، هر چقدر سهمی را بتوان سریع‌تر و با هزینه کمتری به فروش رساند، می‌توان گفت که آن سهم از نقدشوندگی بیشتری برخوردار است، اوراق بهاداری که به طور روزانه و به دفعات مکرر معامله می‌شوند، نسبت به اوراق بهاداری که به دفعات محدود و یا دفعات کم معامله می‌شوند، قابلیت نقدشوندگی بیشتر و در نهایت ریسک کم‌تری دارند. این همان مفهومی است که در این پژوهش از آن به عنوان نقدشوندگی بالا و نقدشوندگی پایین سهام استفاده شده است (ملائی و خدامرادی، ۱۳۹۰).

تصمیم‌گیری درباره اینکه کدام سهم در مقایسه با سایر سهام در وضعیت بهتری قرار دارد و شایستگی انتخاب شدن و قرار گرفتن در سبد سرمایه‌گذاری فرد را دارد و چگونگی تخصیص سرمایه بین این اوراق، مباحثی پیچیده است. از لحاظ نظری، موضوع انتخاب سبد سهام در حالت حداقل کردن ریسک در صورت ثابت در نظر داشتن بازده با استفاده از فرمول‌های ریاضی و از طریق یک معادله درجه دوم قابل حل است، لیکن در عمل و در دنیای واقعی با توجه به تعداد انتخاب‌های زیادی که در بازارهای سرمایه وجود دارد، رویکرد ریاضی مورد استفاده برای حل این مدل، نیازمند محاسبات و برنامه‌ریزی وسیعی است. با توجه به اینکه رفتار بازار سهام از یک الگوی خطی پیروی نمی‌کند، به همین دلیل، روش‌های خطی رایج نیز نمی‌تواند در توصیف این رفتار مورد استفاده قرار گیرد و مفید واقع شود (آبادیان و همکاران، ۱۳۹۵).

دو عنصر مهم در مقوله سرمایه‌گذاری، ریسک و بازده می‌باشد. سرمایه‌گذاران همواره تمایل دارند در سطح معینی از ریسک، بازدهی خود را افزایش داده یا در سطح معینی از بازده، ریسک خود را کاهش دهند. مارکویتز با ارائه مدل خود در زمینه سبد سهام نشان داد که با تشکیل سبد دارایی‌های مالی این امکان بوجود می‌آید که در سطح معینی از بازده ریسک را کاهش داد. لذا سرمایه‌گذاران تمایل دارند تا با شناخت و انتخاب ترکیب بهینه دارایی‌های مالی در سبد سهام خود، بازده مورد انتظار خود را حداکثر و ریسک را حداقل نمایند. یکی از روش‌های مورد استفاده در این زمینه مدل

¹ Buchner, 2016

مارکویتز می‌باشد. که در آن معیار ریسک، انحراف معیار در نظر گرفته می‌شود. یکی از مشکلات مطرح شده در مشکل مربوط به فروض زیربنایی مدل مارکویتز یعنی اینکه بازده سهام به صورت توزیع نرمال می‌باشد و انحراف معیار به خوبی ریسک پرتفوی را برای سرمایه‌گذار تبیین می‌کند (راعی و سعیدی، ۱۳۹۱).

مساله انتخاب مجموعه بهینه ای از دارایی‌ها، یکی از مسائل مطرح در بازار سرمایه است که اهمیت خاصی نیز در مباحث اقتصاد خرد و کلان دارد. در اقتصاد کلان، سرمایه‌گذاری یکی از شاخص‌های مهم محسوب شده و نقش تعیین‌کننده‌ای در رشد و توسعه اقتصادی ایفا می‌کند. در اقتصاد خرد نیز، اهمیت تصمیمات سرمایه‌گذاری ناشی از این مساله است که در واقع فرد سرمایه‌گذار مصرف امروز را به امید مصرف بیشتر به زمانی در آینده موکول می‌کند. در واقع، تصمیم بهینه سرمایه‌گذاری میزان مطلوبیت مورد انتظار سرمایه‌گذار را از مصرف آتی بیشینه می‌سازد. تابع مطلوبیت هر فرد با توجه به ترجیحات شخصی وی تعیین می‌شود که لزوماً با سایر افراد یکسان نخواهد بود. ریسک و بازده معیارهایی هستند که میزان مطلوبیت سرمایه‌گذار را از انتخاب مجموعه دارایی سرمایه‌گذاری مشخص می‌کنند. مجموعه دارایی هر سرمایه‌گذار با توجه به شرایط وی، افق زمانی، ریسک و میزان جریان نقدینگی مورد نظر وی متفاوت است. هدف از مدیریت مجموعه دارایی به طور عام و مجموعه سهام به طور خاص، تعیین این متغیرها به گونه‌ای است که ریسک حداقل و بازده حداکثر شود. انتخاب یک مجموعه از سهام معمولاً با تعامل بین ریسک و بازده مطرح می‌شود. هر چه ریسک سبب سهام بیشتر باشد، سرمایه‌گذار انتظار دریافت بازده بالاتری را نیز دارد. در دنیای واقعی درجه ریسک پذیری افراد با یکدیگر متفاوت است و بازده دارایی‌ها نیز به دلیل وجود عوامل متعدد موثر بر آن غیر قابل پیش‌بینی است. به دلیل وجود این عدم اطمینان در بازار، مساله تنوع بخشی^۱ مجموعه دارایی دارای اهمیت خاصی می‌باشد. سرمایه‌گذاران در ایجاد پرتفوی بهینه خود محدودیت‌هایی را در نظر می‌گیرند و معیارهای ریسک مختلفی استفاده می‌نمایند که این موضوع باعث پیچیدگی یافتن پرتفوی بهینه می‌گردد. در سال‌های اخیر محققان تکنیک‌های نوینی را در جهت ایجاد و مدیریت پرتفوی سرمایه‌گذاران معرفی و توسعه داده‌اند که مساله اخیر را تا حدود زیادی حل نموده است (رودپشتی و همکاران، ۱۳۹۰).

با توجه به شرایط عدم قطعیت سرمایه‌گذار در تعیین عوامل موثر در فرآیند سرمایه‌گذاری از جمله مقدار دقیق بازده و ریسک سهام، در این پژوهش سعی شده است تا مدلی توسط برنامه ریزی غیر خطی و روش حل آن برای انتخاب بهینه پرتفوی ارائه گردد و از آنجایی که هدف از یک سرمایه‌گذاری داشتن حداقل ریسک در ازای مقدار قابل قبولی بازدهی است، لذا یک مدل بهینه‌سازی، با هدف کمینه کردن ریسک نامطلوب و بر اساس مقدار معینی بازدهی به کار گرفته شده است که مدل‌های آنالیز شده در این پژوهش، مقایسه فرآیند پنج‌مارک با مدل سنتی مارکویتز می‌باشد که برتری سود مندی (بازده و ریسک) آن‌ها نیز مورد بررسی واقع شدند. همچنین لازم به ذکر است که در این پژوهش به منظور بهینه‌سازی از روش پویا و داینامیک استفاده می‌شود به این معنی که پس از بهینه‌سازی هر زیر مساله از جواب آن به منظور یافتن جواب بهینه زیر مساله بعدی استفاده می‌شود و این امر به صورت بازگشتی تا جایی ادامه می‌یابد که کل مساله بزرگتر را پوشش دهد.

¹ diversification

۲- مبانی نظری و مروری بر پیشینه پژوهش

از زمانی که مارکوویتز در سال 1952 مدل میانگین واریانس خود را معرفی نمود، اغلب مدل‌های ارائه شده به صورت تک دوره‌ای بودند حال آنکه در دنیای واقعی اغلب استراتژی‌های سرمایه‌گذاری به صورت چند دوره‌ای هستند. برای رویایی با این نقصان پژوهش‌هایی در زمینه تعمیم مدل‌های تک دوره‌ای به چند دوره‌ای آغاز شد. در مدل‌های برنامه‌ریزی ریاضی کلاسیک عمدتاً از داده‌های اسمی در محدودیت‌ها و یا تابع هدف استفاده می‌شود، در صورتی که یکی از ویژگی‌های بازار مالی عدم قطعیت داده‌ها و پارامترهاست که باید در مدل‌سازی مسئله انتخاب سبد سهام به آن توجه شود. این عدم قطعیت می‌تواند بر بهینگی و موجه بودن مدل تأثیر بگذارد. یکی از رویکردهای نسبتاً نوین برای بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری در شرایط عدم قطعیت داده‌ها، استفاده از بهینه‌سازی پایا است. از دیگر مفاهیم مهم در مدل‌سازی در نظر گرفتن چند تابع هدف برای مدل به صورت هم‌زمان است. این امر به برآورده کردن خواسته‌ها و اهداف سرمایه‌گذاران کمک می‌کند.

۲-۱- تاریخچه تئوری پرتفوی

تئوری‌های سرمایه‌گذاری در چند دهه اخیر از پیشرفت‌های شایانی برخوردار بوده است و در سیر تطور تاریخی خود به فرمول‌های کاربردی زیادی دست یافته است. گفته می‌شود که تجارت و سرمایه‌گذاری نیز از نظریه شتاب تاریخ تبعیت می‌کنند به این معنی که حجم تجارت و سرمایه‌گذاری در قرن بیستم از گسترش خاصی پیروی نموده، به سرعت نیز در حال افزایش است. بی‌هیچ تردیدی کاربرد فناوری‌های موجود و تغییرات آتی در آن در آینده‌ای نه چندان دور بر سرعت و حجم و نحوه کاربرد تجارت تأثیری شگرفت خواهد گذاشت. این تغییرات موجب شده است تا معیارهای متفاوتی برای اتخاذ تصمیم توسط سرمایه‌گذار در مقایسه با دوره‌های گذشته به کار گرفته شود (ملائی و خدامرادی، ۱۳۹۰).

تا سالهای اولیه قرن بیستم، سرمایه‌گذاران جهت اخذ تصمیم در فرآیند سرمایه‌گذاری از نسبت‌های بازده سرمایه‌گذاری استفاده می‌کردند. اگر چه این نسبت‌ها کاربرد زیادی داشتند، لیکن مفاهیم ارزش زمانی پول و ریسک سرمایه‌گذاری را نادیده می‌گرفتند. از دهه ۱۹۲۰ مفهوم ارزش زمانی پول با استفاده از روش تنزیلی^۱ وارد حوزه ادبیات مالی و سرمایه‌گذاری شد. این روش‌ها تحولی قابل توجه را در انتخاب طرح‌های سرمایه‌گذاری به وجود آوردند؛ لیکن همچنان رفتار متفاوت سرمایه‌گذاران در برخورد با ریسک نادیده گرفته می‌شد، در واقع با وجود اینکه مطلوبیت پول تا حدودی به تکامل معیارهای انتخاب کمک نموده بود، لیکن هنوز از جامعیت کافی برخوردار نبود (ملائی و خدامرادی، ۱۳۹۰).

تا دهه ۱۹۵۰، ریسک یک عامل کیفی شمرده می‌شد، تا اینکه هری مارکوویتز^۲ برای نخستین بار ریسک را کمیت پذیر نمود و انحراف معیار جریان‌های نقدی طرح‌های سرمایه‌گذاری را به عنوان کمیت سنجش ریسک معرفی نمود. چندی بعد ویلیام شارپ^۳ دانشجوی مارکوویتز، با تبیین ضریب حساسیت بتا به عنوان معیار ریسک، مدل ساده و کاربردی

¹ Discounting Methods

² Harry Markowitz

³ William Sharp

را به دنیای تئوری‌های سرمایه‌گذاری عرضه نمود. این روش امروزه به مدل تک شاخصی معروف است. در ادامه این روند و در اواسط دهه ۱۹۶۰ میلادی شارپ و لینتر^۱ بر پایه تئوری سرمایه مدلی را توسعه دادند که امروزه تحت عنوان مدل قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای شناخته می‌شود. این مدل ریسک سیستماتیک و غیر سیستماتیک را به عنوان اجزای اصلی ریسک تجاری از یکدیگر تفکیک می‌کند. در سال ۱۹۷۶، پروفیسور استیفن راس^۲ مدل آربیتراژ^۳ را پایه‌گذاری نمود. در این مدل بازده مورد انتظار و ریسک با یکدیگر مرتبط می‌گردند. در دهه ۱۹۷۰، نظریه بازارهای کارا به بالاترین درجه نفوذ خود در مطالعات دانشگاهی رسید. مطالعه دهه ۱۹۸۰ میلادی، با سازگاری نظریه بازارهای کارا برای کل بازار سهام با استفاده از مدل‌های اقتصادسنجی با بررسی خواص سری‌های زمانی قیمت‌ها، سودهای نقدی و عایدات پرداختند. هم‌اکنون مطالعات نظریه نوین مالی درباره مدل سازی چند متغیری سری‌های زمانی مالی، مدل سازی نوسان‌پذیری چند متغیری، مدل‌های پیوسته زمانی، ساختار کلان بازار، ارزش‌گذاری ابزارهای مالی جدید و اندازه‌گیری تمرکز یافته است (راعی و تلنگی، ۱۳۹۳).

۲-۲- نظریه پرتفوی

مقاله‌ای که مارکوویتز^۴ در سال ۱۹۵۲ نوشت منشا پیدایش نظریه مجموعه اوراق بهادار (پرتفوی)^۵ شد. او فرض خود را بر این گذاشت که سرمایه‌گذارها الزاما در پی به حداکثر رسانیدن بازده مورد انتظار نیستند. اگر آنان تنها در پی به حداکثر رساندن بازده مورد انتظار بودند، تنها در یک قلم‌دارایی که دارای بیش‌ترین بازده مورد انتظار است، سرمایه‌گذاری می‌کردند. ولی با یک نگاه می‌توان مشاهده کرد که سرمایه‌گذارها به صورت هم‌زمان به دو پدیده ریسک و بازده توجه می‌کنند (ریموند پی، ۱۳۹۲). انتخاب پرتفوی، مساله‌ی چگونگی تخصیص سرمایه‌ی اشخاص در تعداد بیش‌تری از اوراق بهادار، به منظور کسب بازدهی بیش‌تر از سرمایه‌گذاری را مورد بحث قرار می‌دهد. در گذشته سرمایه‌گذاران درباره‌ی ریسک حرف می‌زدند ولی اصطلاح قابل اندازه‌گیری در تعریف ریسک نداشتند. در سال ۱۹۵۲ مارکوویتز اظهار داشت که واریانس می‌تواند بیان‌کننده‌ی ریسک باشد. نمونه میانگین واریانس مارکوویتز مشهورترین و متداول‌ترین رویکرد در مسئله انتخاب سرمایه‌گذاری است. کاراترین ابزار برای انتخاب پرتفوی بهینه، نمونه برنامه ریزی ارایه شده توسط مارکوویتز است. از برجسته‌ترین نکات مورد توجه در نمونه مارکوویتز، توجه به ریسک سرمایه‌گذاری، نه تنها براساس انحراف معیار یک سهم، بلکه براساس ریسک مجموعه سرمایه‌گذاری است. بعد از اظهار نظر مارکوویتز، تجزیه و تحلیل ریاضی، در مدیریت پرتفوی^۶، به‌طور وسیعی توسعه یافت و واریانس تعریفی عمومی از ریسک به شکل ریاضی برای انتخاب پرتفوی شناخته شد. محققان نمونه‌های متنوعی را با استفاده از واریانس برای کمی‌کردن ریسک در موقعیت‌های مختلف توسعه دادند (جعفری و همکاران، ۱۳۸۴).

^۱ Lintner

^۲ Stephen Ross

^۳ Arbitrage model

^۴ Harry Markowitz

^۵ Portfolio

^۶ Portfolio Management

۳-۲- ریسک و بازده سرمایه‌گذاری

مهم‌ترین مفاهیم در تصمیم‌گیری سرمایه‌گذاری، ریسک و بازده است. هر سهم یا هر پرتفویی از سهام، اگر در فاصله خاصی از زمان خریداری، نگهداری و فروخته شود، بازده خاصی را نیز نصیب دارنده آن می‌نماید. این بازدهی شامل تغییر قیمت و منافع حاصل از مالکیت است (جعفری و همکاران، ۱۳۸۴).

اصطلاح «نرخ بازده» (یا نرخ عایدی)، برای توصیف نرخ افزایش یا کاهش سرمایه‌گذاری در طول دوره نگهداری درآرایی به کار می‌رود. هرگاه بازده آتی پیش‌بینی شود و در احتمال رخداد هر یک از پیش‌بینی‌ها ضرب شود و هر یک از آنها با یکدیگر جمع شوند، حاصل آن «نرخ بازده مورد انتظار» خواهد بود (جعفری و همکاران، ۱۳۸۴). نرخ بازده مورد انتظار، سرمایه‌گذار را از متوسط پاداشی که پیش‌بینی می‌شود طی یک دوره خاص به دست آورد، مطلع می‌نماید. این پیش‌بینی ممکن است مطابق با واقعیت نباشد. اختلاف بین پیش‌بینی و واقعیت - که ممکن است ناشی از تغییر و تحولات غیر قابل پیش‌بینی باشد - عدم اطمینان^۱ در بازده سهام را می‌رساند. هرگاه رویدادهای آتی به طور کامل قابل پیش‌بینی نباشند و برخی از رویدادها به رویدادهای دیگر ترجیح داده شوند، می‌گوییم ریسک وجود دارد. وجود ریسک بدین معنی است که برای پیش‌بینی آینده، بیش از یک نتیجه وجود دارد و هیچ یک از نتایج قطعی نیست (راعی و سعیدی، ۱۳۹۱).

همیشه در تصمیم‌گیری‌های مالی، وجود معیار اندازه‌گیری عینی ریسک، مفید می‌باشد. این معیار باید از ریسک‌گریزی فرد (عدم علاقه فرد به ریسک) مستقل باشد. به دیگر سخن، لازم است میزان ریسک در یک وضعیت مشخص را، مستقل از احساس افراد مختلف نسبت به ریسک، تعیین نمود. با توجه به میزان ریسک‌گریزی یا ریسک‌پذیری، انگیزه پذیرش ریسک افراد، متفاوت است. هدف از اندازه‌گیری ریسک، افزایش توانایی در اتخاذ تصمیم بهتر است (راعی و سعیدی، ۱۳۹۱).

۴-۲- بهینه‌سازی به روش پویا

در این پژوهش به منظور بهینه‌سازی از روش پویا و داینامیک استفاده می‌شود به این معنی که پس از بهینه‌سازی هر زیرمسئله از جواب آن به منظور یافتن جواب بهینه زیرمسئله بعدی استفاده می‌شود و این امر به صورت بازگشتی تا جایی ادامه می‌یابد که کل مسئله بزرگتر را پوشش دهد. در واقع برنامه‌ریزی پویا روشی است که برای حل مسائل پیچیده در ریاضیات، علوم کامپیوتر، اقتصاد و غیره، مورد استفاده قرار می‌گیرد. این روش ابتدا مسئله را به زیرمسئله‌های ساده‌تر تقسیم می‌کند و از خاصیت هم‌پوشانی بین زیرمسئله‌ها استفاده می‌نماید تا مقدار بهینه را برای زیرمسئله‌ها مشخص کند. ایده اصلی بهینه‌سازی پویا ایده‌ای ساده است، بدین صورت که برای حل یک مسئله، ابتدا قسمت‌های مختلف مسئله را حل می‌کنیم و در مرحله بعدی جواب‌های زیرمسئله‌ها با هم ترکیب می‌شوند تا یک جواب کلی و جامع برای کل مسئله به دست آید. در روش‌های ساده‌تر، معمولاً زیرمسئله‌ها به تعداد زیاد ساخته می‌شوند و هر کدام به تعداد دفعات زیاد حل می‌شوند. اما در این روش تنها یک بار زیرمسئله‌ها حل می‌شوند و از خاصیت هم‌پوشانی بین زیرسیستم‌ها استفاده می‌شود تا از حل دوباره آنها جلوگیری شود و بدین صورت حجم

^۱ Uncertainty

محاسبات کاهش می‌یابد. پاسخ هر زیرسیستم یا زیر مسئله ذخیره می‌شود و در مرحله ی بعدی که همان جواب کلی مساله است از آن استفاده می‌شود. این روش در مواردی که تعداد زیرمساله‌ها به صورت نمایی افزایش می‌یابد کارایی بالایی خواهد داشت. در حقیقت الگوریتم برنامه ریزی پویا تمام مسیرهای ممکن برای حل مساله را مورد بررسی قرار می‌دهد و در نهایت مناسب‌ترین مسیر را انتخاب می‌کند (بنچر، ۲۰۱۶)^۱.

۵-۲- پیشینه پژوهش‌های خارجی

ردکار و وندریچ (۲۰۱۸)^۲ بهینه‌سازی پرتفوی را تحت محدودیت‌های پویای ریسک برای سرمایه‌گذاری مستمر در مقابل سرمایه‌گذاری دارای گسستگی زمان انجام دادند. آنها معادلات برنامه ریزی پویا را برای مشکلات کنترل بهینه تصادفی به دست آوردند و آنها را به صورت عددی حل کرده‌اند. این نتایج عددی نشان می‌دهد که از دست دادن بازده پرتفوی بسیار بزرگ نیست در حالی که ارزش در معرض ریسک به طور قابل توجهی کاهش می‌یابد. سپس به بررسی اثرات گسستگی زمان پرداخته‌اند که نتایج حاکی از آن است که از دست دادن عملکرد پرتفوی از اعمال محدودیت ارزش در معرض خطر معمولاً بیشتر از زیان ناشی از سرمایه‌گذاری نادرست است.

ژانگ و همکاران (۲۰۱۷)^۳ به بهینه‌سازی پویایی پرتفوی با شاخص نقدشوندگی و تأثیرات بازار و با رویکرد شبیه‌سازی و رگرسیون پرداخته‌اند. آنها روش عددی را با حل یک پرتفوی نقدی و سهام واقعی با یک مدل نقدپذیری مورد تأیید قرار دادند. همچنین مقدار زیان‌های قطعی را در ارتباط با نادیده گرفتن تأثیرات نقدینگی را تعیین کرده و نشان داده‌اند که چگونه تخصیص پویای سرمایه را در شرایط بازار محافظت می‌کند. در نهایت، در شرایط مختلف نقدینگی، حساسیت بازده قطعی و تخصیص بهینه را با توجه به حجم معاملات، نوسانات قیمت سهام، مقدار سرمایه اولیه، میزان خطای احتمالی و افق سرمایه‌گذاری، تحلیل کردند.

دیمانت و سومنتو (۲۰۱۷)^۴، به بررسی پویایی پرتفوی با استفاده از شبیه‌سازی و رگرسیون پرداختند. نتایج نشان داد که در این زمینه و برای مثال مورد بررسی قرار گرفت، هر دو روش می‌توانند نتایج دقیق را بدست آورند، اما نوع الگوریتم بازگشتی وزن پرتفوی، نتایج دقیق‌تر را برای یک سطح مشابه از پیچیدگی محاسباتی، به ویژه برای مشکلات با بلند مدت و سطوح بالای ریسک پذیری نشان می‌دهد.

لیون یو و همکارانش (۲۰۱۷)^۲ مدلی را برای انتخاب سبد سهام بهینه ارائه نمودند. در این مدل مسئله انتخاب سبد سهام توسط شبکه عصبی و با موازنه معیارهای میانگین-واریانس و چولگی حل می‌شود. نتایج پژوهش بیانگر قدرت مدل در حل سریع مسئله انتخاب پرتفوی بود.

لی و همکارانش (۲۰۱۶)^۴ در پژوهشی تحت عنوان ترکیب تکنیک‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره برای انتخاب سهام بر اساس دیدگاه مدل گوردون معیارهای مؤثر بر قیمت سهم را شناسایی کردند. آن‌ها در این تحقیق معیارهای مؤثر بر سه عنصر کلیدی مدل گوردون را با توجه به مرور ادبیات پژوهش استخراج نمودند.

¹ Buchner, 2016

² Redeker and Wunderlich, 2018

³ Lion You et. Al., 2017

⁴ Lee et. Al., 2016

کانلا و کلازو (۲۰۱۵)^۱ با در نظر گرفتن معیار چولگی، از برنامه‌ریزی هدف چندجمله‌ای در ارائه سبد سهام بهینه در بازارهای نوظهور استفاده نمودند. نتایج پژوهش ایشان، نشان از اثربخشی معیار چولگی در حل مسائل انتخاب سبد سهام داشت.

تای لیو (۲۰۱۴)^۲ در مقاله خود، مسئله پرتفوی بهینه‌سازی را مورد بحث قرار دادند. ایشان در مدل خود بازده دارایی‌ها را به صورت اعداد فازی در نظر گرفت. نتیجه تحقیق ایشان، تأیید این ایده مالی و اقتصادی بود که هر اندازه سرمایه‌گذار ریسک بالاتری را پذیرا باشد، پتانسیل بازدهی نیز بالاتر خواهد بود.

۲-۶- پیشینه پژوهش‌های داخلی

قراگزلو و مرادی (۱۳۹۸) به بررسی تاثیر ریسک منفی پرتفوی بر نوسانات قیمت سهام پرداختند. در راستای پژوهش حاضر با هدف بررسی تاثیر ریسک منفی پرتفوی بر نوسانات قیمت سهام، می‌توان گفت اهمیت میزان تاثیرگذاری حساسیت ریسک و نوسانات قیمت به صورت هم‌زمان بر روی مدیریت نقدینگی از آن جهت قابل بیان می‌باشد که هر چقدر حساسیت ریسک و نوسانات قیمت در جهت مثبت به سمت بالا حرکت نماید، به همان نسبت نوسانات بازده مورد انتظار تحت تاثیر شدید قرار گرفته و در نهایت نسبت سرمایه شرکت‌ها را افزایش یا کاهش خواهد داد. نتایج حاصل از پژوهش نشان داده است که انحراف معیار بازده سهامداران و میانگین بازده سهامداران به عنوان متغیرهای مستقل بر نوسانات قیمت سهام تاثیرگذار می‌باشد. به عبارت دیگر در صورت تغییر انحراف معیار بازده سهامداران و میانگین بازده سهامداران، نوسانات قیمت سهام تحت تاثیر قرار می‌گیرد و با تغییر هر یک از آنها نوسانات قیمت سهام تحت تاثیر قرار می‌گیرد.

نسب‌زاده و همکاران (۱۳۹۷)، به بهینه‌سازی سبد دارایی به منظور ایجاد تعادل بین ریسک و بازده و میزان دارایی‌ها پرداختند. در این مسئله علاوه بر ماکسیمم‌سازی بازده و مینیمم‌سازی ریسک، تلاش شده است تعداد دارایی‌ها نیز مینیمم شود. حل این مسئله با استفاده از الگوریتم‌های تکاملی NSGA-II, SPEA-II و PESA-II در نرم افزار متلب مورد ارزیابی قرار گرفته است. بدین داده‌های ۳۹ شرکت برتر از شرکت‌های بورس اوراق بهادار به عنوان نمونه آماری انتخاب نموده و اطلاعات سهام آنها را از یک شهریور ۱۳۹۰ تا پنج شهریور ۱۳۹۰ مورد استفاده قرار دادیم. نتایج نشان می‌دهد الگوریتم PESA-II نسبت به دو الگوریتم NSGA-II و SPEA-II کاراتر است.

بیات و اسدی (۱۳۹۶) بهینه‌سازی پرتفوی سهام با استفاده از الگوریتم پرندگان و مدل مارکوویتز پرداختند. از میان شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران تعداد ۶۵ شرکت برای دوره زمانی ۱۳۸۸ تا ۱۳۹۲ انتخاب گردید و به عنوان حجم نمونه امار در تجزیه و تحلیل داده‌ها وارد گردید. برای تجزیه و تحلیل داده‌ها ابتدا داده‌ها در نرم افزار EXCEL جمع‌آوری و پس از طبقه‌بندی و انجام محاسبات بوسیله نرم افزار MATLAB مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفت. نتایج پژوهش در ارتباط با مقایسه الگوریتم پرندگان و مدل مارکوویتز حاکی از آن بود که الگوریتم پرندگان در مقایسه با مدل مارکوویتز دارای خطای کمتری در انتخاب سبد بهینه سرمایه‌گذاری می‌باشد.

¹ Kanela and Kezalo, 2015

² Tai leo, 2014

باشد. مهمترین پیشنهاد برای پژوهش‌های آتی مقایسه الگوریتم پرندگان با سایر مدل‌های بهینه‌سازی نظیر رقابت استعماری، فرا ابتکاری، مدل آربیتراژ و..... مقایسه گردد.

حسنلو (۱۳۹۵) به بهینه‌سازی استوار پرتفوی با استفاده از تکنیک آشفستگی و تابع ارزش در معرض ریسک شرطی پرداخته است. علت انتخاب این تکنیک، افزایش ناگهانی در شاخص‌های بورس اوراق بهادار ایران در سال ۹۲ است که می‌تواند به عنوان سناریوی آشفستگی وارد مدل شود. به این صورت که فرض می‌کنیم، توزیع احتمال بازده، دچار نوسان شده و اثرات این نوسان را بر روی پرتفوی، بررسی خواهیم کرد، همچنین از تابع ارزش در معرض ریسک شرطی برای اندازه‌گیری ریسک پرتفوی استفاده کرده‌ایم. با بررسی استواری و تست حساسیت پرتفوی، این نتیجه حاصل شد که احتمال انتخاب سناریوی آشفستگی بر روی میزان تابع کمینه ریسک و تابع کمینه زیان اثرگذار بوده و باید کنترل شود. در پایان با بررسی کارایی، مشاهده شد که پرتفوی مورد نظر کارا نبوده و از این رو اقدام به ایجاد ترکیب پرتفوی با ریسک کمتر، صورت گرفت.

عبدالعلی‌زاده شهیر و عشقی (۱۳۹۵)، با استفاده از الگوی خاص از الگوریتم ژنتیک به حل مسئله انتخاب سبد سهام پرداختند. در این مدل، ابتدا با استفاده از یک الگوریتم ژنتیک، بهترین سهام از نظر بازدهی، ریسک و ضریب همبستگی با سهام دیگر انتخاب می‌شوند و سپس توسط یک الگوریتم ژنتیک دیگر وزن بهینه برای هر سهم منتخب، به دست می‌آید.

خدابخشی و فلاح (۱۳۹۵) به بررسی مقایسه ای کارایی مدل ریسک سنجی و مدل اقتصادسنجی GARCH در پیش بینی بازده سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران پرداختند. نتایج نشان داد که مدل GARCH توانایی پیش بینی ارزش معاملات را دارد. بر اساس مقادیر بدست آمده می‌توان گفت کلیه ضرایب معنی دار هستند. یعنی اینکه که امکان پیش بینی بازده آتی سهام با استفاده از مدل ریسک سنجی و مدل اقتصادسنجی GARCH در شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران وجود دارد. در فرضیه دوم برای مقایسه قدرت سنجش مدل GARCH و مدل ریسک سنجی با استفاده از معیار های می‌توان گفت که در هر سه معیار مدل گارچ دارای مقادیر کمتر می باشد که نشان دهنده دقت بیشتر مدل گارچ می باشد. به عبارت دیگر می توان گفت قدرت سنجش و پیش بینی مدل GARCH از مدل ریسک سنجی بیشتر است.

خالوزاده و امیری (۱۳۹۴) به توسعه روش‌های مدیریت ریسک بر اساس نظریه ارزش در معرض خطر توجه نموده‌اند. برای بررسی مدل، نویسندگان با استفاده از الگوریتم ژنتیک به ارائه سبد سهام متشکل از ۱۲ شرکت به بررسی پرداختند. نتایج پژوهش بیانگر کارایی مدل و الگوریتم ژنتیک در حل آن بود.

۳- روش شناسی پژوهش

جامعه آماری پژوهش شامل کلیه شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران در دوره زمانی 1393 تا 1397 می‌باشد. انتخاب دوره پنج ساله از این جهت انجام شده است که فرض بر این است که سرمایه گذاران بلندمدت حاضر در بورس اوراق بهادار تهران، پرتفوی خود را بیش از یک سال نگهداری می‌کنند. نمونه مورد استفاده نیز از طریق روش حذف سیستماتیک ساده از جامعه آماری انتخاب خواهد شد، به این ترتیب که نمونه، متشکل از کلیه شرکتهای موجود در جامعه آماری است که حائز معیارهای زیر باشند:

جامعه آماری این تحقیق شامل شرکت های فعال تر می باشد. بدین صورت که تعداد معاملاتشان بیش از ۵۰ درصد میانگین معاملات می باشد، که شرایط زیر را داشته باشند:

- ۱) به منظور قابل مقایسه بودن اطلاعات، پایان سال مالی شرکت ها منتهی به ۲۹ اسفند باشد.
 - ۲) در دوره زمانی مورد تحقیق به صورت روزانه سهام آنها مبادله شده است.
 - ۳) اطلاعات مربوط به متغیرهای انتخاب شده در این تحقیق قابل دسترس است.
 - ۴) اطلاعات کامل و تفصیلی صورت های مالی سالانه هر یک از شرکت ها، همراه با قیمت بازار سهم در پایان دوره مربوطه در تابلوی بورس تهران و سامانه کدال در دوره مورد بررسی، موجود است.
- با اعمال شرایط فوق، تعداد ۲۷ شرکت به عنوان نمونه مورد مطالعه در این پژوهش، انتخاب شدند. مدل آماری بهینه سازی پویا زمانی مورد استفاده قرار می گیرد که تحلیل گر به دنبال جوابی است که به ازای تمامی مقادیر ممکن برای پارامتر دارای عدم قطعیت خوب رفتار کند (شدنی باقی بماند). بر خلاف برنامه ریزی تصادفی که بر اساس تئوری احتمالات با عدم قطعیت پارامترها رفتار می کند، این رویکرد به تمامی مقادیر ممکن برای پارامتر دارای عدم قطعیت، اهمیت یکسان می دهد. (به عبارتی این رویکرد، فرضی در مورد توزیع پارامترهای مدل نمی نماید) عدم اطمینان پارامترهای مدل در این رویکرد توسط مجموعه عدم قطعیت؛ که در برگیرنده تمامی مقادیر ممکن برای پارامترهای مدل است، توضیح داده می شود. در این پژوهش مدل بهینه سازی بازده پرتفوی، به عنوان مدلی که پارامترهای ورودی آن (بازده دارایی ها، نقدشوندگی) دارای عدم قطعیت هستند؛ با رویکرد بهینه سازی پویا مورد بررسی قرار می گیرد.

$$Max \bar{r}_p \quad \text{مدل (۱)}$$

St :

$$\sum_{j=1}^n w_j = 1$$

$$w_j \geq 0$$

$$LIQ = \sum_{j=1}^n w_j * liq_j \geq 0$$

محدودیت بالا جهت بررسی وجود دارایی نقدشونده در میزان بازده پرتفوی سرمایه‌گذاری می‌باشد. همچنین با عنایت به مدل آماری مذکور و اهداف عنوان شده پژوهش، فرضیه‌های این پژوهش بر اساس پژوهش، به شرح زیر تدوین شده است:

- فرضیه ۱. وجود سهام دارای نقدشوندگی بالا در وزن‌های پرتفوی سرمایه‌گذاری بر مبنای فرآیند بنچ مارک تاثیر معناداری دارد.
- فرضیه ۲. وجود سهام دارای نقدشوندگی پایین در وزن‌های پرتفوی سرمایه‌گذاری فرآیند بنچ مارک تاثیر معناداری دارد.

- فرضیه ۳. وجود سهام دارای نقدشوندگی بالا در میزان ریسک پرتفوی سرمایه‌گذاری فرآیند بنچ مارک تاثیر معناداری دارد.
- فرضیه ۴. وجود سهام دارای نقدشوندگی بالا در میزان بازده پرتفوی سرمایه‌گذاری فرآیند بنچ مارک تاثیر معناداری دارد.
- فرضیه ۵. وجود سهام دارای نقدشوندگی پایین در میزان ریسک پرتفوی سرمایه‌گذاری فرآیند بنچ مارک تاثیر معناداری دارد.
- فرضیه ۶. وجود سهام دارای نقدشوندگی پایین در میزان بازده پرتفوی سرمایه‌گذاری فرآیند بنچ مارک تاثیر معناداری دارد.

۴- متغیرهای پژوهش

نحوه محاسبه بازده مورد انتظار پرتفوی: بازده پرتفوی از دارایی‌ها، برابر متوسط موزون بازدهی تک تک دارایی‌هاست. وزن بکار گرفته شده برای هر بازده نسبتی از سرمایه‌گذاری انجام شده در دارایی مذکور خواهد بود. چنانچه X_j بازده ژامین دارایی و x_j نسبتی از وجوه سرمایه‌گذاری شده در دارایی باشد. در این صورت بازده کل پرتفوی برابر است با:

$$R_p = \sum_{j=1}^n X_j r_j$$

X_j = کل مبلغ سرمایه‌گذاری در پرتفوی / میزان سرمایه‌گذاری در دارایی j ام

دارایی‌های نقد شونده: در این پژوهش از تعداد سهام و حق تقدم معامله شده شرکت در یک روز بر تعداد کل سهام شرکت در انتهای همان روز به عنوان شاخص نقدشوندگی استفاده خواهد شد.

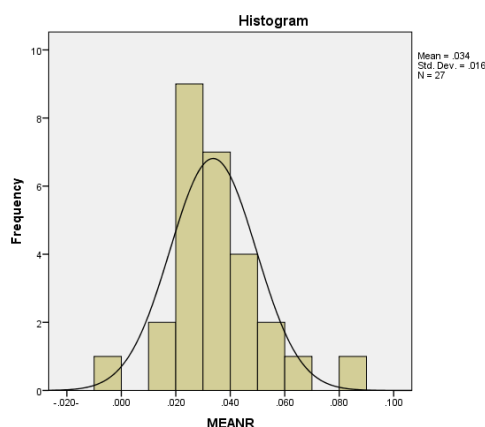
۵- نتایج پژوهش

در جدول زیر شاخص‌های مرکزی از جمله میانگین و شاخص‌های پراکندگی از جمله انحراف معیار، کشیدگی و چولگی برای متغیرهای میانگین بازده ماهانه به صورت ماهانه برای داده‌های در نظر گرفته شده در طول جامعه آماری مورد بررسی برای ۲۷ شرکت فعال در قلمروی زمانی از ابتدای فروردین ماه سال ۱۳۹۳ تا اسفند ماه ۱۳۹۷ محاسبه شده است.

جدول (۱) آمار توصیفی برای متغیرهای پژوهش

نام متغیر	علامت اختصاری	میانگین	میانه	مد	انحراف معیار	چولگی	کشیدگی	دامنه تغییرات
R	بازده ماهانه	.10368	0.1102	0.19	.189389	4.658	5,999	۰.۴۳
MEANLIQ	نقدشوندگی	6.4567	6.5299	6.84	1.05062	0.737	2.931	9.16

همچنان که مشاهده می‌شود میانگین بازده ماهانه برای کل شرکت‌های مورد بررسی برای ۱۲ ماه مورد بررسی و برای ۵ سال (به عبارتی برای ۱۶۲۰ ماه-شرکت) برابر ۰.۱۸۳۶۸ می‌باشد که همان‌طور که ملاحظه می‌شود این مقدار از میانگین کل بازدهی ماهانه در جدول قبل کمتر است. همچنین مقدار حداقل برای این متغیر برابر ۰.۰۴۳۹- می‌باشد و حداکثر آن نیز برابر ۰.۳۹ می‌باشد. لذا می‌توان نتیجه گرفت با توجه به میانگین به دست آمده بیش از نیمی از شرکتها دارای بازدهی سهام کمتری نسبت به میزان حداکثر بازده هستند. همچنین لازم به ذکر است که این میزان حداکثر مربوط به شرکت پاکسان در معاملات مربوط به تیر ماه سال ۱۳۹۴ و کمترین میزان بازدهی ماهانه مربوط به شرکت نیرو محرکه در سال ۱۳۹۳ و خرداد ماه بوده است. همچنین نمودار هیستوگرام متغیر میانگین بازده ماهانه جهت نمایش بهتر اطلاعات آن‌ها به صورت زیر می‌باشد:



نمودار (۱) نمودار هیستوگرام متغیر میانگین بازده ماهانه

در این پژوهش شرکت‌های پذیرفته‌شده در بورس اوراق بهادار تهران که از سال ۱۳۹۳ فعال بودند مورد بررسی قرار گرفت. داده‌های مورد بررسی به دو بخش تقسیم شد. بخش نخست که داده‌ها به شکل ماهانه جمع‌آوری شده است و در بخش بعد با استفاده از میانگین گیری در طول ۵ سال جهت بررسی کارایی مدل‌های در نظر گرفته شده مورد بررسی و تجزیه و تحلیل قرار گرفت. داده‌های موردنظر در بازه زمانی از فروردین ماه ۱۳۹۳ تا اسفندماه ۱۳۹۷ به صورت بازدهی ماهانه به عنوان داده‌های ابتدایی بکار برده شد. برای انتخاب شرکت‌های موردنظر ۲۷ شرکت موجود را مورد بررسی قرار دادیم که لازمه استفاده از این شرکت‌ها وجود داده‌ها در طول فاصله زمانی مورد بررسی است که در جدول زیر لیست شرکت‌های موردنظر ارائه شده است. در جدول زیر لیست شرکت‌های مورد بررسی و میانگین بازده ماهیانه در طول دوره مورد بررسی آورده شده است.

جدول (۲) شرکت‌های مورد بررسی و مقادیر بازده ماهانه

نماد	نام شرکت	میانگین بازدهی ماهانه
خودرو	ایران خودرو	0.126
کاما	باما	0.396
ثاخذ	توسعه ساختمان	-0.02
خپارس	پارس خودرو	0.243
شپاکسا	پاکسان	0.411
شاراک	پتروشیمی سازند	0.238
کماسه	تامین ماسه	0.289
تایرا	تراکتورسازی	0.291

جدول (۲) شرکت‌های مورد بررسی و مقادیر بازده ماهانه

نماد	نام شرکت	میانگین بازدهی ماهانه
حتوکا	حمل و نقل توکا	0.232
مداران	داده پردازی ایران	0.334
کطبس	ذغالسنگ نگین	0.281
ختراک	ریخته گری تراکتور	0.242
خرینگ	رینگ سازی مشهد	0.232
خزامیا	زامیاد	0.175
خساپا	سایپا	0.169
شیران	صنایع شیمیایی ایران	-0.041
کگل	گل گهر	0.395
ستران	سیمان تهران	0.184
سدور	سیمان دورود	0.191
سپاها	سیمان سپاهان	-0.019
سشرق	سیمان شرق	0.19
قشکر	شکر شاهرود	0.318
سغرب	سیمان غرب	0.179
فباهنر	مس باهنر	0.351
غپینو	پارس مینو	0.383
خمحرکه	نیرو محرکه	0.327
ثفارس	عمران و توسعه فارس	0.244

۱-۵- تشکیل پرتفوی به روش بنچمارک

فرآیند بنچمارک یک فرآیند استاندارد قابل اندازه‌گیری است که می‌تواند جهت تجزیه و تحلیل تخصیص، ریسک و بازده پرتفوی مورد استفاده قرار بگیرد. فرآیندهای بنچمارک می‌توانند شامل مدیریت دارایی‌ها در هر بخش از بازار سرمایه باشند. در واقع برای جلوگیری از قرار گرفتن سرمایه‌گذاران در موقعیت‌های خطرآفرین، استفاده از ابزارهای اندازه‌گیری ریسک مانند فرآیند بنچمارک جهت از بین بردن ریسک‌های بازار در افق‌های سرمایه‌گذاری امری منطقی به نظر می‌رسد. در مساله انتخاب پرتفوی بر اساس فرآیند بنچمارک، فرض کنید یک بازار مالی با یک دارای بدون ریسک و n دارایی ریسک‌پذیر باشد. یک سرمایه‌گذار با وزن اولیه x_0 در $n+1$ دارایی در نظر گرفته شده در بازه زمانی پیوسته $[0, T]$ ، سرمایه‌گذاری می‌کند که T یک عدد مثبت متناهی است و با توجه به مدت سرمایه‌گذاری مشخص شده است. فرض کنید فضای احتمالاتی مساله به صورت $(\Omega, F, P, \{F_t\}; t \geq 0)$ نشان داده شده باشد، که F_t نشان دهنده یک حرکت براونی $B(t) = (B_1(t), \dots, B_n(t))'$ و دارای n بعد باشد که $B_i(t)$ و $B_j(t)$ برای هر $i \neq j$ مستقل هستند. قیمت دارایی بدون ریسک $P_0(t)$ در معادله دیفرانسیل زیر صدق می‌کند:

$$dP_0(t) = P_0(t)r dt, \quad P_0(0) = 0$$

که در آن $r > 0$ نرخ بهره است که ثابت در نظر گرفته می‌شود. قیمت‌های n دارایی دیگر که به صورت $p(t) = (p_1(t), \dots, p_n(t))'$ نشان داده می‌شوند در معادله دیفرانسیل تصادفی زیر صدق می‌کند:

$$dP_i(t) = P_i(t) \left[\mu_i dt + \sum_{j=1}^n \sigma_{ij} dB_j(t) \right], \quad P_i(0) = P_i, i = 1, \dots, n,$$

که $\mu = (\mu_1, \dots, \mu_n)$ نسبت سرمایه‌گذاری در دارایی و $\sigma = (\sigma_{ij})_{n \times n}$ ماتریس نوسانات می‌باشد. علاوه بر این $\mu > 0$ و σ مثبت در نظر گرفته می‌شوند. فرض کنید $\pi(t) = (\pi_1(t), \dots, \pi_n(t))'$ نشان دهنده انتخاب بهینه پرتفوی باشد که هر $\pi_i(t)$ نسبت وزنی سرمایه‌گذار برای دارایی ریسک‌پذیر i ام در زمان $[0, T]$ باشد. در این صورت نسبت سرمایه‌گذاری برای دارایی بدون ریسک برابر $1 - \sum_{i=1}^n \pi_i(t)$ است. لذا فرآیند انتخاب وزن‌های پرتفوی $\{X(t), t \in [0, T]\}$ در معادله زیر صدق خواهد کرد:

$$X(t) = x_0 \exp \left\{ \int_0^t [r + \pi(s)(\mu - r1_n) - \frac{1}{2} \|\pi(s)\sigma\|^2] ds + \int_0^t \pi(s)\sigma dB(s) \right\}$$

همچنین با تبدیل آن به معادله انتگرال خواهیم داشت:

$$X(t) = x_0 \exp \left\{ \int_0^t [r + \pi(s)(\mu - r1_n) - \frac{1}{2} \|\pi(s)\sigma\|^2] ds + \int_0^t \pi(s)\sigma dB(s) \right\}$$

جایی که $U([0,T])$ مجموعه تمام استراتژی‌های ممکن برای پرتفوی است. با دامه فرآیند حل مساله بهینه‌سازی که از روش معرفی شده توسط (این، ۲۰۰۴)^۱ در آن استفاده می‌شود، مساله انتخاب پرتفوی بهینه بر اساس فرآیند پنج مارک به صورت مساله زیر بیان می‌شود:

$$\min_{\pi(t) \in U([0,T])} E \int_0^T (X(t) - y(t))^2 dt$$

طبق قضیه (۱) اثبات شده توسط ، حل مساله بهینه‌سازی به صورت زیر خواهد بود:

$$\pi^*(t) = K^*(t)\pi_M(t),$$

که در آن:

$$K^*(t) = \begin{cases} K^{Lower}(t) & -\frac{V_x}{xV_{xx}} \leq K^{Lower}(t) \\ -\frac{V_x}{xV_{xx}} & K^{Lower}(t) \leq -\frac{V_x}{xV_{xx}} \leq K^{Upper}(t) \\ K^{Upper}(t) & -\frac{V_x}{xV_{xx}} \geq K^{Upper}(t) \end{cases}$$

$$\pi_M(t) = (\sigma\sigma')^{-1}(\mu - r1_n)$$

جایی که $K^{upper}(t)$ و $K^{lower}(t)$ به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$K^{Lower}(t) = \frac{\left\| \theta(t)\sqrt{\tau} - c_1 - \sqrt{[\theta(t)\sqrt{\tau} - c_1]^2 - 2[\log(1-\beta) - r\tau]} \right\|}{\theta(t)\sqrt{\tau}}$$

$$K^{Upper}(t) = \frac{\left\| \theta(t)\sqrt{\tau} + c_1 + \sqrt{[\theta(t)\sqrt{\tau} + c_1]^2 - 2[\log(1-\beta) - r\tau]} \right\|}{\theta(t)\sqrt{\tau}}$$

با حل معادله بالا وزن‌های پرتفوی، مقدار ریسک پرتفوی و بازدهی آن به شرح زیر حاصل شده است:

^۱ Yin, 2004

جدول (۳) نتایج پرتفوی برای مدل رگرسیون مبتنی بر فرآیند پنج‌مارک

وزن نماد	نام شرکت	نماد
0.03	ایران خودرو	خودرو
0.02	باما	کاما
0.03	توسعه ساختمان	ثاخذ
0.08	پارس خودرو	خپارس
0.04	پاکسان	شپاکسا
0.04	پتروشیمی شازند	شازاک
0.02	تامین ماسه	کماسه
0.02	تراکتورسازی	تایرا
0.01	حمل و نقل توکا	حتوکا
0.06	داده پردازی ایران	مداران
0.04	ذغالسنگ نگین	کطبیس
0.04	ریخته گری تراکتور	ختراک
0.06	رینگ سازی مشهد	خرینگ
0.05	زامیاد	خزامیا
0.03	سایپا	خساپا
0.06	صنایع شیمیایی ایران	شیران
0.03	گل گهر	کگل
0.04	سیمان تهران	ستران
0.03	سیمان دورود	سدور
0.01	سیمان سپاهان	سپاها
0.01	سیمان شرق	سشرق
0.03	شکر شاهرود	قشکر
0.05	سیمان غرب	سغرب
0.06	مس باهنر	فباهنر
0.03	پارس مینو	غپینو
0.04	نیرو محرکه	خمحرکه
0.04	عمران و توسعه فارس	ثفارس

پس از مشخص شدن وزن سهام‌ها می‌توان به محاسبه معیار عملکرد پرتفو (ترینر) پرداخت که نتایج آن به صورت زیر گزارش شده است:

جدول (۴) نتایج پرتفوی برای فرآیند پنج مارک

تعداد سهام		معیار ترینر	R_p	β_p
۲۷		۰.۰۷۷۸۴	۰.۲۳۷۶۶	۰.۳۵۵۳۰
حجم معاملات	سهام دارای نقدشوندگی پایین	-1.27869	0.15282	0.044718
	سهام دارای نقدشوندگی بالا	-0.40298	0.08484	0.310589

۴-۳-۳- تشکیل پرتفوی به روش مارکویتز

به منظور مقایسه و فرآیند پنج مارک با مدل مارکویتز، باید به روش زیر به محاسبه وزن، بازدهی و ریسک پرتفوی پرداخت.

پس از انتخاب سهام جهت تشکیل سبد سرمایه برای بدست آوردن وزن هر یک از سهام در پرتفو و محاسبه عملکرد پرتفو از رابطه نرمال سازی فازی زیر امتیاز سهام‌ها استفاده شده است.

$$x_s = \frac{x_i - x_{min}}{x_{max} - x_{min}}$$

که در آن x_i میزان امتیاز هر سهم، x_{min} کوچکترین امتیاز میان سهام‌های حاضر در یک پرتفو و x_{max} بیشترین امتیاز میان سهام‌های حاضر در یک پرتفو است. دلیل استفاده از این فرمول این بوده است که ما می‌خواهیم ابتدا سهام‌های با امتیاز مثبت مقدار بگیرند و پس از آن سهام‌های با امتیاز منفی مقداری کمتر از سهام‌های مثبت بگیرند. در نهایت با توجه به اینکه مجموع وزن اختصاص داده شده به سهام‌ها برابر ۱ باشند از رابطه زیر استفاده شده است.

$$w_i = \frac{x_s}{\sum_{s=1}^n x_s}$$

جدول (۵) سهام‌ها حاضر در پرتفو بهینه ارائه شده مدل مارکویتز

وزن نماد	نام شرکت	نماد
0.05	ایران خودرو	خودرو
0.05	باما	کاما
0.03	توسعه ساختمان	تاخت
0.02	پارس خودرو	خپارس
0.03	تامین ماسه	کماسه
0.03	پاکسان	شپاکسا
0.05	پتروشیمی شازند	شاراک
0.02	تراکتورسازی	تایرا

وزن نماد	نام شرکت	نماد
0.05	حمل و نقل توکا	حتوکا
0.04	داده پردازی ایران	مداران
0.05	ذغالسنگ نگین	کطبس
0.05	ریخته گری تراکتور	ختراک
0.04	رینگ سازی مشهد	خرینگ
0.02	زامیاد	خزامیا
0.02	سایپا	خسایپا
0.06	صنایع شیمیایی ایران	شیران

جدول (۵) سهام‌ها حاضر در پرتفو بهینه ارائه شده مدل مارکویتز

وزن نماد	نام شرکت	نماد
0.04	گل گهر	کگل
0.02	سیمان تهران	ستران
0.05	سیمان دورود	سدور
0.03	سیمان سپاهان	سپاها
0.03	سیمان شرق	سشرق
0.05	شکر شاهرود	قشکر
0.04	سیمان غرب	سغرب
0.06	مس باهنر	فباهنر
0.03	پارس مینو	غپینو
0.02	نیرو محرکه	خمحرکه
0.05	عمران و توسعه فارس	ثفارس

پس از مشخص شدن وزن سهام‌ها می‌توان به محاسبه معیار عملکرد پرتفو (ترینر) پرداخت که نتایج آن به صورت زیر گزارش شده است:

جدول (۶) نتایج پرتفوی برای مدل مارکویتز

	تعداد سهام	معیار ترینر	R_p	β_p
	۲۷	0.074663	0.24282	0.439578
حجم معاملات	سهام دارای نقدشوندگی پایین	-0.5909	0.1419	0.115248
	سهام دارای نقدشوندگی بالا	-0.34351	۰.۲۸۴۴۳	0.308466

۲-۵- آزمون فرضیه های پژوهش

برای حل مساله بهینه سازی پرتفوی مطروح، در حالت مدل مارکویتز خطر بهینه کردن پرتفوی مرز کارا به صورت زیر بدست آمد:

برای مقایسه وزن های به دست آمده دو مدل بنچمارک با مدل کلاسیک در نظر گرفته شده در پژوهش یعنی مدل مارکویتز، از آزمون فرض زوجی استفاده می‌کنیم. هدف از انجام این آزمون، تعیین معنی‌داری یا عدم معنی‌داری اختلاف بین دو وزن است. رابطه زیر نحوه محاسبه این آماره را نشان می‌دهد.

$$t_{n-1} = \frac{\mu_d}{s_d / \sqrt{n}}$$

$$\begin{cases} H_0: \mu \leq \mu & \text{وزن های مدل مارکویتز} \\ H_1: \mu > \mu & \text{وزن های فرآیند بنچمارک} \end{cases}$$

در رابطه بالا، μ_d نشان‌دهنده میانگین اختلاف دو نمونه، s_d نشان‌دهنده انحراف معیار اختلاف و n حجم نمونه را نشان می‌دهد این آماره دارای توزیع t-student با درجه آزادی $n - 1$ است. با استفاده از تابع ttest در نرم‌افزار متلب این آزمون انجام شد و نتایج این آزمون در زیر برای سطح اطمینان ۹۵ درصد آورده شده است.

جدول (۷) نتایج آزمون t زوجی برای مقایسه وجود سهام دارای نقدشوندگی بالا در وزن‌های پرتفوی

مورد مقایسه	آماره آزمون t	درجه آزادی	مقدار احتمال	فاصله اطمینان ۹۵٪	
				کران پایین	کران بالا
روش مارکویتز و فرآیند بنچ مارک	10.967	26	.000	.0274	.0400

همانطور که در جدول فوق مشاهده می‌شود، به دلیل اینکه مقدار احتمال از ۵ درصد کمتر می‌باشد بنابراین فرض یک مورد قبول واقع شده که نشان می‌دهد که فرآیند بنچ‌مارک دارای وزن های بهتری نسبت به روش مارکویتز در انتخاب پرتفوی در سهام دارای نقدشوندگی بالا حاصل می‌دهد. بنابراین فرضیه اول پژوهش مورد تایید است. حال برای مقایسه مدل‌های حاصل از مدل مارکویتز و فرآیند بنچ‌مارک در بازده پرتفوی های به دست آمده از آماره t زوجی استفاده می‌کنیم که نتایج آن در جدول زیر مشاهده می‌کنید:

$$\begin{cases} H_0: \mu \leq \mu & \text{بازده مدل مارکویتز} \\ H_1: \mu > \mu & \text{بازده فرآیند بنچمارک} \end{cases}$$

جدول (۸) نتایج آزمون t زوجی برای مقایسه وجود سهام دارای نقدشوندگی بالا در بازده پرتفوی

مورد مقایسه	آماره آزمون t	درجه آزادی	مقدار احتمال	میانگین	فاصله اطمینان ۹۵٪	
					کران پایین	کران بالا
روش مارکویتز و فرآیند بنچ مارک	9.838	1	.064	.09444	-.0275	.2164

همانطور که در جدول فوق مشاهده می‌شود، در مقایسه روش مارکویتز و فرآیند بنچ مارک به دلیل اینکه مقدار احتمال از ۵ درصد بیشتر است، بنابراین وجود تفاوت معنادار بین بازده های دو روش تایید نمی‌شود ولیکن از آنجایی که مقدار این احتمال از ۰.۱ کمتر است لذا می‌توان اذعان داشت در این سطح از خطا فرضیه بنابراین فرضیه چهارم نیز مورد قبول واقع می‌شود.

در ادامه برای مقایسه ریسک‌های حاصل از مدل‌های حاصل از روش مارکویتز و روش مارکویتز و فرآیند بنچ مارک در پرتفوی های به دست آمده از آماره t زوجی استفاده می‌کنیم که نتایج آن در جدول زیر مشاهده می‌کنید:

$$\left\{ \begin{array}{l} H_0: \mu \leq \mu \text{ ریسک مدل مارکویتز} \leq \mu \text{ ریسک فرآیند بنچمارک} \\ H_1: \mu > \mu \text{ ریسک مدل مارکویتز} > \mu \text{ ریسک فرآیند بنچمارک} \end{array} \right.$$

جدول (۹) نتایج آزمون t زوجی برای مقایسه وجود سهام دارای نقدشوندگی بالا در ریسک پرتفوی

مورد مقایسه	آماره آزمون t	درجه آزادی	مقدار احتمال	میانگین	فاصله اطمینان ۹۵٪	
					کران پایین	کران بالا
روش مارکویتز و فرآیند بنچ مارک	-.445	1	.734	-.00047	-.0140	.0130

جدول بالا نتایج آزمون t زوجی را برای سطح اطمینان ۹۵ درصد نشان می‌دهد. همانطور که در جدول بالا مشاهده می‌کنید تفاوت معنی‌داری بین دو ریسک پرتفوی مدل‌های حاصل از مدل مارکویتز و فرآیند بنچ‌مارک وجود ندارد. به عبارت دیگر فرضیه سوم پژوهش مورد تایید قرار نمی‌گیرد.

حال برای مقایسه مدل‌های حاصل از مدل مارکویتز و فرآیند بنچ‌مارک در بازده پرتفوی های به دست آمده در حالت نقدشوندگی پایین از آماره t زوجی استفاده می‌کنیم هدف از انجام این آزمون، تعیین معنی‌داری یا عدم معنی‌داری بین دو بازده است. رابطه زیر نحوه محاسبه این آماره را نشان می‌دهد.

$$\left\{ \begin{array}{l} H_0: \mu \leq \mu \text{ وزن های مدل مارکویتز} \leq \mu \text{ وزن های فرآیند بنچمارک} \\ H_1: \mu > \mu \text{ وزن های مدل مارکویتز} > \mu \text{ وزن های فرآیند بنچمارک} \end{array} \right.$$

جدول (۱۰) نتایج آزمون t زوجی برای مقایسه وجود سهام دارای نقدشوندگی پایین در وزن‌های پرتفوی

مورد مقایسه	آماره آزمون t	درجه آزادی	مقدار احتمال	میانگین	فاصله اطمینان ۹۵٪	
					کران بالا	کران پایین
روش مارکویتز و فرآیند بنچ مارک	11.555	27	.000	.04071	.0335	.0479

همانطور که در جدول فوق مشاهده می‌شود، به دلیل اینکه مقدار احتمال برای مقایسه وزن‌های دو مدل مارکویتز و فرآیند بنچ‌مارک از ۵ درصد کمتر می‌باشد بنابراین فرض یک مورد قبول واقع شده که نشان می‌دهد که فرآیند بنچ‌مارک دارای وزن‌های بهتری نسبت به روش مارکویتز در انتخاب پرتفوی حاصل می‌دهد. بنابراین فرضیه دوم پژوهش (برای حالت وزن‌های پرتفوی) مورد تایید است. حال برای مقایسه مدل‌های حاصل از مدل مارکویتز و فرآیند بنچ‌مارک پرتفوی‌های به دست آمده از آماره t زوجی استفاده می‌کنیم که نتایج آن در جدول زیر مشاهده می‌کنید:

$$\begin{cases} H_0: \mu_{\text{مدل مارکویتز}} \leq \mu_{\text{بازده فرآیند بنچ‌مارک}} \\ H_1: \mu_{\text{مدل مارکویتز}} > \mu_{\text{بازده فرآیند بنچ‌مارک}} \end{cases}$$

جدول (۱۱) نتایج آزمون t زوجی برای مقایسه وجود سهام دارای نقدشوندگی پایین در بازده پرتفوی

مورد مقایسه	آماره آزمون t	درجه آزادی	مقدار احتمال	میانگین	فاصله اطمینان ۹۵٪	
					کران بالا	کران پایین
روش مارکویتز و فرآیند بنچ مارک	2.132	1	.279	.07845	-.3891	.5460

همانطور که در جدول فوق مشاهده می‌شود، به دلیل اینکه مقدار احتمال از ۵ درصد بیشتر می‌باشد بنابراین فرضیه ششم مورد قبول واقع نمی‌شود در واقع بازده پرتفوی حاصل از فرآیند بنچ‌مارک نسبت به روش مارکویتز در انتخاب پرتفوی در سهام دارای نقدشوندگی پایین تفاوت معناداری ندارد. در نهایت برای مقایسه مدل‌های حاصل از مدل مارکویتز و فرآیند بنچ‌مارک در ریسک پرتفوی‌های به دست آمده از آماره t زوجی استفاده می‌کنیم که نتایج آن در جدول زیر مشاهده می‌کنید:

$$\begin{cases} H_0: \mu_{\text{ریسک مدل مارکویتز}} \leq \mu_{\text{ریسک فرآیند بنچ‌مارک}} \\ H_1: \mu_{\text{ریسک مدل مارکویتز}} > \mu_{\text{ریسک فرآیند بنچ‌مارک}} \end{cases}$$

جدول (۱۲) نتایج آزمون t زوجی برای مقایسه وجود سهام دارای نقدشوندگی پایین در ریسک پرتفوی

مورد مقایسه	آماره آزمون t	درجه آزادی	مقدار احتمال	میانگین	فاصله اطمینان ۹۵٪	
					کران پایین	کران بالا
روش مارکویتز و فرآیند بنج مارک	2.268	1	.264	.07998	-3.681	.5281

جدول بالا نتایج آزمون t زوجی را برای سطح اطمینان ۹۵ درصد نشان می‌دهد. همانطور که در جدول بالا مشاهده می‌کنید با توجه به نتایج آزمون t زوجی برای مقایسه ریسک پرتفوی برای دو مدل مارکویتز و فرآیند بنج‌مارک، با توجه به اینکه مقدار احتمال از ۰.۰۵ بیشتر است، لذا فرضه پنجم پژوهش مبتنی بر اینکه وجود سهام دارای نقدشوندگی پایین در میزان بازده پرتفوی سرمایه‌گذاری فرآیند بنج مارک تاثیر معناداری دارد، مورد تایید واقع نمی‌شود.

۱-۶ نتیجه‌گیری و پیشنهادها

انتخاب سبد سهام در مباحث سرمایه‌گذاری کار دشوار و سختی است تصمیم‌گیری درباره اینکه کدام سهم در مقایسه با سایر سهام در وضعیت بهتری قرار دارد و شایستگی انتخاب شدن و قرار گرفتن در سبد سرمایه‌گذاری فرد را دارد و چگونگی تخصیص سرمایه بین این اوراق، مباحثی پیچیده است. از لحاظ نظری، موضوع انتخاب سبد سهام در حالت حداقل کردن ریسک در صورت ثابت در نظر داشتن بازده با استفاده از فرمول‌های ریاضی و از طریق یک معادله درجه دوم قابل حل است، لیکن در عمل و در دنیای واقعی با توجه به تعداد انتخاب‌های زیادی که در بازارهای سرمایه وجود دارد، رویکرد ریاضی مورد استفاده برای حل این مدل، نیازمند محاسبات و برنامه ریزی وسیعی است. با توجه به اینکه رفتار بازار سهام از یک الگوی خطی پیروی نمی‌کند، به همین دلیل، روش‌های خطی رایج نیز نمی‌تواند در توصیف این رفتار مورد استفاده قرار گیرد و مفید واقع شود. با توجه به شرایط عدم قطعیت سرمایه‌گذار در تعیین عوامل موثر در فرآیند سرمایه‌گذاری از جمله مقدار دقیق بازده و ریسک سهام، در این پژوهش سعی شده است تا مدلی توسط برنامه ریزی غیر خطی و روش حل آن برای انتخاب بهینه پرتفوی ارائه گردد و از آنجایی که هدف از یک سرمایه‌گذاری داشتن حداقل ریسک در ازای مقدار قابل قبولی بازدهی است، لذا یک مدل بهینه‌سازی، با هدف کمینه کردن ریسک نامطلوب و بر اساس مقدار معینی بازدهی به کار گرفته شده است که مدل‌های آنالیز شده در این پژوهش، مقایسه فرآیند بنج‌مارک با مدل سنتی مارکویتز می‌باشد که برتری سود مندی (بازده و ریسک) آن‌ها نیز مورد بررسی واقع شدند و نتایج پژوهش با توجه به تجزیه و تحلیل فرضیه‌ها، بازده ۲۷ شرکت مورد بررسی، برای فرآیند بنج‌مارک که با مقایسه آن‌ها با مدل مارکویتز، بیان دارند که دو مدل برای شرکت‌ها دارای بازدهی قابل قبول و مطمئن دارای عملکرد مشابه ولی دارای تفاوت می‌باشند که بعد از بررسی آزمون t زوجی مشخص گردید، فرآیند بنج‌مارک دارای عملکرد بهتری در انتخاب پرتفوی بهینه با توجه به معیار ترینر می‌باشد.

مقایسه وزن های پرتفوی های به دست آمده: فرآیند بنچ‌مارک برای بهینه‌سازی پرتفوی تفاوت معنی‌داری را در وزن‌های پرتفوی به دست آمده نسبت به مدل مارکویتز (برای هر دو حالت سهام دارای نقدشوندگی بالا و نقدشوندگی پایین) ایجاد نمود. در نهایت با مقایسه پرتفوی به دست آمده حاصل از فرآیند بنچ‌مارک و مدل مارکویتز، این نتیجه حاصل شد که این پرتفوی قابلیت ارائه وزن‌های دقیق‌تر را نسبت به مدل دیگر دارا بوده است. مقایسه بازده پرتفوی های به دست آمده: فرآیند بنچ‌مارک برای بهینه‌سازی پرتفوی تفاوت معنی‌داری را در بازده پرتفوی به دست آمده نسبت به مدل مارکویتز (برای حالت سهام دارای نقدشوندگی بالا) ایجاد نمود. در نهایت با مقایسه پرتفوی به دست آمده حاصل از روش رگرسیون مبتنی بر سری زمانی تیلور با دو پرتفوی حاصل از فرآیند بنچ‌مارک و مدل مارکویتز، این نتیجه حاصل شد که این پرتفوی قابلیت ارائه بازده دقیق‌تر را نسبت به مدل دیگر دارا بوده است.

مقایسه ریسک پرتفوی های به دست آمده: فرآیند بنچ‌مارک نیز برای بهینه‌سازی پرتفوی تفاوت معنی‌داری را در ریسک پرتفوی به دست آمده نسبت به مدل مارکویتز (برای حالت نقدشوندگی بالا و پایین) ایجاد نمی‌کند. با عنایت به نتایج حاصل شده از آزمون فرضیه‌های پژوهش، پیشنهادهای زیر ارائه می‌شوند:

- (۱) آنچه در اعتبارسنجی مدل نشان داده شد، پرتفویهای پیشنهادی از روش بنچ‌مارک دارای عملکرد بالاتری نسبت به پرتفویهای حاصل از مدل‌های چندهدفه مثل مارکویتز هستند. دلیل این امر می‌تواند توجه به عملکرد مالی شرکت‌ها و تحلیل بنیادی آنان با استفاده از فرآیند بنچ‌مارک باشد.
- (۲) همچنین سرمایه‌گذاران ریسک‌گریز از مدل بهینه‌سازی با استفاده از فرآیند بنچ‌مارک استفاده کنند زیرا ریسک این مدل کمتر بوده است و سرمایه‌گذاران ریسک‌گریز ترجیح می‌دهند ریسک کمتری داشته باشند و به بازده کمتر (درمقابل ریسک کمتر) قانع هستند.
- (۳) باتوجه به نتایج به دست آمده از پژوهش، پیشنهاد می‌شود سرمایه‌گذاران (ریسک‌پذیر) بیشتر از فرآیند بنچ‌مارک، با توجه به بازده مورد انتظار استفاده کنند. زیرا سرمایه‌گذاران ریسک‌پذیر علاقه مند بازده بالا هستند که به دلیل ریسک‌پذیری بالا بالطبع بازده آنان هم بالا خواهد بود.

۳-۵-۵- پیشنهادهای کاربردی

- (۱) با توجه به وظیفه اصلی مدیران که ارتقاء سرمایه‌سهمداران به حداکثر میزان ممکن است باید مدیران توجه ویژه‌ای به نقدشوندگی سهام داشته باشند و راهکارهای افزایش نقدشوندگی را برای ارتقاء سرمایه‌سهمداران اجراء نمایند.
- (۲) با توجه به اهمیت محتوای اطلاعاتی نقدشوندگی سهام و نقش مهمی که می‌تواند در فرآیند تصمیم‌گیری سرمایه‌گذاران و تحلیلگران مالی داشته باشد، به مسئولان بورس اوراق بهادار تهران پیشنهاد می‌شود، بستری مناسب و قابل اتکاء جهت اطلاع‌رسانی سریع، دقیق و صحیح در این رابطه شده فراهم نمایند و با توجه به تجربه کشورهای مختلف و نتایج تحقیقات انجام شده در خصوص عوامل متعدد مؤثر بر

نقدشوندگی بازار اوراق بهادار، بررسی‌های علمی لازم را به عمل آورده، تدابیر و تصمیمات مناسب و عملی را در زمینه ارتقاء درجه نقدشوندگی بورس تهران اتخاذ نمایند.

۳) به سرمایه‌گذاران نیز توصیه می‌شود، هنگام تصمیم‌گیری برای سرمایه‌گذاری علاوه بر مؤلفه‌های ریسک و بازده، به عامل نقدشوندگی سهام نیز توجه ویژه داشته باشند.

فهرست مراجع

- * آبادیان، مرضیه و شجری، هوشنگ. (۱۳۹۵). روش چند شاخصه برای انتخاب سبد سهام بهینه با استفاده از متغیرهای تحلیل بنیادی در شرکت‌های پتروشیمی عضو بورس. مجله مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، شماره ۲۶، صص ۱-۲۵
- * بیات، علی، اسدی، لیدا. (۱۳۹۶). بهینه‌سازی پرتفوی سهام: سودمندی الگوریتم پرنندگان و مدل مارکوویتز. مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار. 8-63, (32), 8.
- * تحسین پورقزوینی، محسن و محمدی، عمران. (۱۳۹۳). بهینه‌سازی سبد سهام با استفاده از تکنیک برنامه ریزی آرمانی (GP). سومین کنفرانس ملی حسابداری و مدیریت، تهران، موسسه اطلاع‌رسانی نارکیش
- * جهانی، امیر مسعود، فرشته صوفی، محمود همت‌فر، (۱۳۹۲)، تعیین پرتفوی با استفاده از AHP در بهترین شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران، دومین کنفرانس بین‌المللی مدیریت، کارآفرینی و توسعه اقتصادی، قم، دانشگاه پیام‌نور.
- * حسنیلو، خدیجه. (۱۳۹۵). بهینه‌سازی استوار پرتفوی با استفاده از تکنیک آشفستگی و تابع ارزش در معرض ریسک شرطی. مدل‌سازی ریسک و مهندسی مالی، ۱۱(۱)، ۹۶-۷۶.
- * حیبتی ثمر، جواد، رضا تهرانی، کامبیز انصاری، (۱۳۹۴)، بررسی رابطه بین ریسک نقدشوندگی و ریسک بازار با بازده سهام رشدی و ارزشی با رویکرد مدل AHP در بورس اوراق بهادار تهران، مجله مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، شماره بیست و سوم، ۳۹-۵۸.
- * خنجرپناه، حسین؛ پیشوایی، میرسان؛ جبارزاده، آرمین و صادقی‌کیا، محمد. (۱۳۹۴). بهینه‌سازی سبد سهام با استفاده از برنامه ریزی منعطف. کنفرانس بین‌المللی مدیریت، اقتصاد و مهندسی صنایع، تهران، موسسه مدیران ایده پرداز پایتخت ویرا.
- * مرادی زهرا و قراگزلو فرونش (۱۳۹۸)، بررسی تاثیر ریسک منفی پرتفوی بر نوسانات قیمت سهام، پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه آزاد اسلامی واحد دماوند
- * ملائی، مسعود؛ شیخ، محمد جواد و خدامرادی، سعید. (۱۳۹۰). بهینه‌سازی الگوهای مدیریت ریسک مارکوویتز، ارزش در معرض ریسک و ارزش در معرض ریسک احتمالی پارامتریک با استفاده از الگوریتم‌های محلی و سراسری در بورس اوراق بهادار تهران. چشم‌انداز مدیریت مالی و حسابداری، شماره ۱، صص ۶۷-۹۵

- * مهدی زاده، پیمان؛ حسین زاده کاشان، علی و مخاطب رفیعی، فریماه. (۱۳۹۵). اولویت بندی و بهینه سازی سبدسهم متشکل از سهام بورس تهران با رویکرد مدل های تصمیم گیری چندمعیاره و برنامه ریزی آرمانی. کنفرانس بین المللی مهندسی صنایع و مدیریت، تهران، دبیرخانه دایمی کنفرانس
- * واقفی، طیبه؛ علیرضا ناصر صدر آبادی، جمال برزگری خانقاه، (۱۳۹۲)، بهینه سازی انتخاب پرتفوی سهام با استفاده از الگوریتم کلونی مورچگان، دومین کنفرانس ملی حسابداری، مدیریت مالی و سرمایه گذاری، گرگان، انجمن علمی و حرفه ای مدیران و حسابداران گلستان
- * هییتی، فرشاد، فریدون رهنمای رودپشتی، محمدعلی افشارکاظمی، امیرحسین عبیری، (۱۳۹۰)، ارزیابی مدل گزینش سبد سهام با استفاده از فرآیند تحلیل سلسله مراتبی (AHP)، آنالیز رابطه‌ای خاکستری (GRA) و برنامه‌ریزی آرمانی (GP)، مجله مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، سال ششم، ۱۰۷-۱۳۷.
- * Axel Buchner, (2016), "Portfolio dynamics under illiquidity", The Journal of Risk Finance, Vol. 17 Iss
- * Bjork, Tomas and Murgoci, Agatha and Zhou, Xun Yu, Mean-Variance Portfolio Optimization with State-Dependent Risk Aversion (2014). Mathematical Finance, Vol. 24, Issue 1, pp. 1-24, 2014.
- * Bjork, Tomas and Murgoci, Agatha and Zhou, Xun Yu, Mean-Variance Portfolio Optimization with State-Dependent Risk Aversion (January 2014). Mathematical Finance, Vol. 24, Issue 1, pp. 1-24, 2014. Available at SSRN: <http://ssrn.com/abstract=2367076>.
- * Clarke, M., Seng, D., & Whiting, R. H. (2011). Intellectual capital and firm performance in Australia. Journal of Intellectual Capital, 12(4), 505-530
- * Dewandaru, G., Masih, R., Bacha, O. I., & Masih, A. M. M. (2014). Combining Momentum, Value, and Quality for the Islamic Equity Portfolio: Multi-style Rotation Strategies using Augmented Black Litterman Factor Model. Pacific-Basin Finance Journal
- * Imke Redeker and Ralf Wunderlich, (2018), Portfolio optimization under dynamic risk constraints: continuous vs. discrete time trading, accepted paper, <https://arxiv.org/abs/1602.00570>
- * Janani and et al., Selection of Portfolio by using Multi Attributed Decision Making (Tehran Stock Exchange), American Journal of Scientific Research, Issue 44, pp. 15-87, 8018.
- * Jarkko Peltomäki, (2017), "Investment styles and the multifactor analysis of market timing skill", International Journal of Managerial Finance, Vol. 13 Iss 1 pp. 21 – 35
- * Leary, M. T., & Roberts, M. R. (2005). Do firms rebalance their capital structures?. The journal of finance, 60(6), 2575-2619
- * Lee, A.H.I., (2009), "A fuzzy AHP evaluation model for buyer-supplier relationships with the consideration of benefits, opportunities, costs and risks", International Journal of Production Research, 47(15), 4255-80.
- * Michel Denault, Jean-Guy Simonato, 2017, Dynamic portfolio choices by simulation-and-regression: Revisiting the issue of value function vs portfolio weight recursions, Computers & Operations Research, Volume 79, Pages 174-189
- * Petkova, Ralitsa & Akbas, Ferhat & Boehmer, Ekkehart & Genc, Egemen (2010), The time-varying liquidity risk of value and growth stocks, Journal of SSRN
- * Petkova, Ralitsa & Akbas, Ferhat & Boehmer, Ekkehart & Genc, Egemen (2010), The time-varying liquidity risk of value and growth stocks, Journal of SSRN
- * Sun, Y., Grace, A., Lay Teo, K., Zhu, Y., & Wang, X. (2016). Multi-period portfolio optimization under probabilistic risk measure. Finance Research Letters, 1-7.

- * Xuan Quang Do, Wu Zhong Xin, (2014), The Impact of Ownership Structure and Capital Capital Structure on Financial Performance of Vietnamese Firms, *International Business Reserch*, 7(2)
- * Redeker, Imke & Wunderlich, Ralf. (۲۰۱۸). Portfolio optimization under dynamic risk constraints: Continuous vs. discrete time trading. *Statistics & Risk Modeling*. 35. 10.1515/strm-2017-0001.

Dynamic Optimization of Investment Portfolio under Liquidity with Benchmark Process

Razeih Fatehpour

Department of Accounting , Kish International Branch, Islamic Azad University, Kish Island, Iran

Mohsen Hamidian

Associate Professor, Faculty of Economics and Accounting, Islamic Azad University. Tehran South Branch, Tehran, Iran

Shadi Shahverdiani

Assistant professor, management department, Islamic Azad University, Shahr-e-Qods branch, Tehran. Iran

Ali Najafi Moghadam

Assistant Professor, Faculty of Economics and Accounting, Islamic Azad University. Tehran South Branch, Tehran, Iran

Zohreh Hajiha

Associate Professor Department of Accounting, East Tehran Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran.

Corresponding author:

Hamidian_2002@yahoo.com

Abstract

Investors are looking to choose the optimal combination of assets and allocate their wealth among them in such a way that they can achieve the goal of investing (increasing the revenue that can be seized in future periods). The main issue in this study, considering the conditions of high liquidity or low liquidity of companies' stocks and portfolio selection models, is the use of a new tool to select investment portfolio. The statistical sample for 27 companies active in the time domain from the beginning of April 2014 to March 2017 has been considered. The use of asset liquidity index to optimize portfolios using and benchmarking process has made a significant difference in portfolio weights, yields and risk compared to the Markowitz model. Also, the results of calculating the trainer criterion showed that the optimization model obtained from the benchmarking process of the value function has a higher performance than the portfolios obtained from the Markowitz model.

Keywords: Portfolio, Optimization, Dynamic Process, Benchmark, Liquidity.

