



فصلنامه علمی پژوهشی دانش سرمایه‌گذاری

دوره ۱۶ / شماره ۱ (پیاپی ۶۱) / بهار ۱۴۰۶

صفحه ۲۱۵ تا ۲۲۷

## ارزیابی ریسک اعتباری در وام‌دهی نفر به نفر با استفاده از روش‌های رگرسیون هسته‌ای وزن‌دار شده و رتبه‌بندی ساده

### هابیل خاوری

گروه حسابداری و مالی، واحد ایلام، دانشگاه آزاد اسلامی، ایلام، ایران  
habilkhavari@yahoo.com

### فاطمه احمدی

گروه حسابداری و مالی، واحد ایلام، دانشگاه آزاد اسلامی، ایلام، ایران (نویسنده مسئول).  
fatemehahmady۶۰@gmail.com

### مجتبی مرادپور

گروه حسابداری و مالی، واحد ایلام، دانشگاه آزاد اسلامی، ایلام، ایران.  
Moradpour.mo@gmail.com

### رحمت اله محمدی پور

گروه حسابداری و مالی، واحد ایلام، دانشگاه آزاد اسلامی، ایلام، ایران.  
mohammadipourrahmatollah@gmail.com

### رضا مشهدی زاده

گروه مدیریت، واحد کرج، دانشگاه آزاد اسلامی، کرج، ایران.  
r.mashhadizadeh@zarholding.com

تاریخ دریافت: ۱۴۰۲/۰۳/۱۰ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۲/۰۸/۲۷

### چکیده

وام‌دهی نفر به نفر روش دیگری از سرمایه‌گذاری است که موجب حذف دخالت موسسات مالی سنتی شده و در سال‌های اخیر در دیگر کشورها رشد روزافزونی داشته است. هدف این مقاله ارزیابی ریسک اعتباری مبتنی بر نمونه با قابلیت ارزیابی ریسک و بازده هر وام با استفاده از رگرسیون لاجستیک با تابع گوسی که فاقد رویکرد رتبه بندی است در وام‌دهی نفر به نفر می‌باشد. برای تایید و اعتبار سنجی تأثیر روش پیشنهادی از پلتفرم وام‌دهی لندینگ کلاب استفاده شده است. که هر یک از وام‌گیرندگان دارای مشخصات اعتباری اند. روش اعتبار سنجی  $k$  فولد برای تعیین نمونه‌های آموزشی و تست استفاده شده است. از اینرو با توجه به ده هزار نمونه داده، هفت هزار نمونه وام به تصادف به عنوان نمونه وام آموزش و مابقی سه هزار نمونه وام به عنوان نمونه وام تست در نظر گرفته شده است. نتایج حاصل از آزمایش‌ها نشان دهنده عملکرد بهتر روش سرمایه‌گذاری داده محور مبتنی بر رگرسیون هسته‌ای در مقایسه با روش‌های رتبه‌بندی در کاربرد وام‌دهی نفر به نفر است.

**واژه‌های کلیدی:** ریسک اعتباری، روش داده محور، رگرسیون، رتبه‌بندی، وام‌دهی نفر به نفر.

## ۱- مقدمه

ظهور شیوه‌های نوین تأمین مالی، چالش‌های بزرگی در نحوه عملکرد صنعت مالی سنتی به همراه داشته و فرصت‌های جدیدی را نیز برای تحول و توسعه پایدار اقتصاد واقعی فراهم کرده است (لئو و همکاران، ۲۰۲۲). نتایج بررسی‌های متعدد نشان‌دهنده آن است که یکی از اصلی‌ترین موانع رشد و توسعه و حتی ادامه حیات بنگاه‌های کوچک و متوسط، مشکل تأمین مالی است که این امر، رشد و توسعه این بنگاه‌ها را با مشکل روبه‌رو کرده و باعث شده است فقط بنگاه‌های بزرگ در بازار باقی‌بماند و زمینه حذف سایر بنگاه‌ها فراهم شود (صافی دستجردی و همکاران، ۲۰۲۱). این امر نشان‌دهنده آن است که تأمین مالی، مقدم بر کارآفرینی با فناوری پیشرفته و رشد زیاد است از این رو، به نظر می‌رسد که تأمین مالی، ماهیت کارآفرینی را به سمت شرکت‌های با فناوری و رشد زیادتر تغییر می‌دهد (یو و فلمینگ، ۲۰۲۱). وام‌دهی هم‌تا به هم‌تا نوعی جدید از وام‌دهی است که به وام‌دهی فرد به فرد معروف بوده و به اشخاص امکان وام‌دهی و قرض گرفتن مستقیم از یک دیگر در پلتفرم‌های اینترنتی و بدون دخالت واسطه‌های مالی سنتی را می‌دهد. در این نوع بازار، وام‌گیرندگان بر اساس نیازشان اقدام به ثبت برگه‌هایی که به لیست یا فهرست وام می‌گویند، کرده و جزئیات وام درخواستی‌شان از جمله مقدار وام و شرایط دیگر را اعلام می‌کنند سپس وام‌دهندگان بسته به بودجه‌ای که در اختیار دارند می‌توانند بخشی از وام‌های درخواستی موجود در لیست را تأمین کنند. اگر مقدار کل وام درخواست شده در لیست، در بازه زمانی از پیش مشخص شده‌ای توسط وام‌دهندگان پرداخت و برآورد شود، آنگاه لیست درخواست وام تبدیل به لیست وام‌گیرندگان می‌شود. بنابراین وام‌دهی فرد به فرد بخاطر حذف واسطه‌های مالی عرفی و ارائه بستر پویاتر وام‌دهی (دسترسی آسان و سریع وام‌دهندگان و وام‌گیرندگان به سرمایه‌گذاری) قدرت بالایی در کاهش هزینه‌های سرمایه‌گذاری و افزایش راندمان بازار مالی دارد. پلتفرم‌های وام‌دهی فرد به فرد، واسطه میان وام‌دهنده و وام‌گیرنده می‌شوند و با تسهیل ارتباط میان این دو طرف و اجرای فرآیندهای اعتبارسنجی کمک می‌کنند تا فردی که توانایی ارائه تسهیلات در محدوده وام‌های خرد دارد، با فردی که نیاز به وام خرد دارد به هم متصل شده و بر اساس شرایطی مشخص با هم توافق کرده و تسهیلات به فرد متقاضی وام اعطا گردد. ابر داده، بررسی گزاراها را به منظور شناسایی پلتفرم‌های مشکل‌دار وام‌دهی نفر به نفر برای دولت تسهیل می‌کند. البته یک سیستم نظارتی مبتنی بر شکایات کاربران از سوی بخش‌های مختلف با پیروی از شرایط شیوه‌های وام‌دهی نفر به نفر و رگولاتورهای موجود نیز استفاده می‌شود (سوریونو و همکاران، ۲۰۲۱). طبعاً با توجه به خرد بودن مبالغ وام در این پلتفرم‌ها، مشتریان این پلتفرم‌ها، کسب و کارهای کوچک و اشخاص حقیقی هستند. پلتفرم‌های وام‌دهی جمعی و وام‌دهی اجتماعی، پلتفرم‌های مشابهی هستند که همگی در زمره استارت‌آپ‌های فین‌تک قرار می‌گیرند. بنابراین یکی از روش‌های سرمایه‌گذاری طرفدار که به دلیل حذف واسطه‌گری بانک‌ها علاقه‌افراد و فعالان اقتصادی را به خود جذب کرده است، روش وام‌دهی نفر به نفر می‌باشد. افزایش استفاده از این نوع وام‌دهی، اعتبار دهندگان را ملزم به استفاده از تکنیک‌هایی به منظور جلوگیری از ورشکستگی می‌کند. ارزیابی ریسک اعتباری تسهیلات گیرندگان می‌تواند کمک‌شایانی به کاهش ریسک ورشکستگی اعتبار دهندگان در این نوع وام

دهی کند(کلافت<sup>۱</sup>، ۲۰۰۸). تأمین مالی با چالش اعتماد رو به رو است. فقدان اعتماد، مانع از بقای آن به عنوان جایگزین تأمین مالی برای کارآفرینان و سرمایه‌گزاران خرد بالقوه خواهد شد بنابراین بهتر است پلتفرم‌های جمع‌سپاری تأمین مالی برای ایجاد اعتماد در ۴ سطح مختلف کار کند: اعتماد به پلتفرم، کاربران، پروژه و تأمین مالی. برخی پلتفرم‌ها به ویژه پلتفرم‌های وام‌دهی نفر به نفر فقط به این موضوع توجه می‌کند که چگونه برای سرمایه‌گذاران خرد و نه برای کارآفرینان، معتمد به نظر برسند(فریرا، ۲۰۲۲).

این نوع وام‌دهی، با ارائه کانال سرمایه‌گذاری جدید، بودجه جایگزین و مهمی را فراهم می‌کند. کانال سرمایه‌گذاری رفاه وام‌گیرندگان و وام‌دهندگان را بهبود می‌بخشد(جیانگ، ۲۰۲۱).

یکی از چالش‌های مهم در بحث سپرده‌گذاری و وام‌دهی در بانک داری نفر به نفر، عدم بازپرداخت وام می‌باشد که می‌تواند منجر به ورشکستگی اعتبار دهندگان گردد بطوریکه در برخی موارد حتی اگر درصد کمی از وام‌های اعطایی قابل وصول نباشد، اعتبار دهنده با خطر ورشکستگی روبه‌رو خواهد شد. در این راستا پلتفرم‌های معروف وام‌دهی نفر به نفر از جمله لندینگ کلاب به منظور کاهش ریسک مواجهه با مشکل عدم بازپرداخت وام‌های اعطایی و به عبارتی دیگر پیش‌بینی ریسک اعتباری تسهیلات گیرندگان، شاخص‌هایی را پیشنهاد داده‌اند. شاخص‌های پیشنهادی پلتفرم لندینگ کلاب که به شاخص‌های ارزیابی ریسک معروف هستند برای تصمیم‌گیری در جهت اعطای هر وام<sup>۲</sup> بکار می‌روند. به عبارتی دیگر برای ارزیابی ارزشمندی اعتباری هر وام می‌توان به شاخص‌های ارزیابی اعتباری که لندینگ کلاب در اختیار گذارده است، استفاده نمود. از جمله این شاخص‌ها، میزان وام درخواستی، امتیاز فایکو<sup>۳</sup> (رتبه‌ای که اعتبار اسناد اتکایی<sup>۴</sup> به متقاضیان وام می‌دهد از A1 تا G5)، نسبت بدهی به درآمد، بدهکاری‌های وام‌گیرنده در ۲ سال اخیر، میزان بدهکاری فعلی وام‌گیرنده، وضعیت مالکیت منزل وام‌گیرنده نرخ بهره، مبلغ سرمایه‌گذاری شده، درآمد سالانه، تعداد کارت‌های اعتباری فعال، میزان بدهی خطوط اعتباری، میزان استفاده از خطوط اعتباری، تعداد حساب‌های جاری فعال، تعداد حساب‌های فعال بدهی و... می‌باشد. بنابراین بکارگیری روش‌های آماری مفیدی که بتواند به تحلیل و بررسی روابط میان شاخص‌های اعتباری متقاضیان وام به منظور تصمیم‌گیری ارزش اعتباری متقاضی بپردازد، امری مهم بوده و نیاز به مطالعه و بررسی عمیقی دارد(امکتر، ۲۰۱۴).

از آنجایی که هدف این مقاله بررسی دو روش ارزیابی ریسک اعتباری مبتنی بر رگرسیون و بررسی مسئله تصمیمات بهینه سرمایه‌گذاری در جهت کمیته‌سازی ریسک می‌باشد، در این مقاله مروری بر تعاریف و مفاهیم مقدماتی از جمله ریسک، وام‌دهی نفر به نفر، رگرسیون خطی و لاجستیک خواهیم داشت و در انتها نیز به بررسی مسائل مطرح در زمینه روش‌های آماری از جمله رگرسیون و کاربردشان در خصوص شناسایی ریسک اعتباری و مرور برخی از تحقیقات انجام شده در راستای ارزیابی ریسک اعتباری به صورت جزئی‌تری پرداخته شد. با وجود پیشرفت‌های بسیار زیاد تکنولوژی و وجود داده‌های فراوان اگر این داده‌ها به درستی مورد پردازش قرار نگیرند

<sup>1</sup> Klafft, 2008

<sup>2</sup> Loan

<sup>3</sup> FICO

<sup>4</sup> Letter of Credit

می‌تواند مشکلات زیادی را ایجاد کنند. همچنین از آنجایی که بکارگیری ضرایب وزنی بهینه در روش رگرسیون منجر به کاهش زمان اجرای روش و افزایش دقت پیش‌بینی می‌گردد، نیاز به روش‌های بهینه‌تر و موثرتری در جهت استخراج وزن‌های مفید در فرآیند رگرسیون می‌باشد (توماس و همکاران<sup>۱</sup>، ۲۰۱۷). در این مقاله به ترتیب به بررسی روشهای موثر از جمله رگرسیون هسته‌ای و روشهای مبنی بر رتبه‌بندی با پایه رگرسیون در این زمینه پرداخته می‌شود.

### مبانی نظری و پیشینه پژوهش

وام دهی فرد به فرد پدیده تجارت الکترونیکی جدید در حوزه مالی با مزیت‌هایی از جمله سرمایه‌گذاری مقرون به صرفه است که متکی بر سیستم اطلاعات مبتنی بر اینترنت می‌باشد. در مقاله‌های مختلف از وام دهی فرد به فرد به عنوان وام دهی آنلاین اجتماعی، تامین اعتبار خرد (ارائه اعتبار مالی به اقشار ضعیف)، تامین مالی انبوه یا جذب سرمایه مردمی، یاد شده است بطوریکه هر یک از آنها تاکید بر مشخصه‌های منحصر به فرد این نوع وام دهی دارند (دیو و همکاران<sup>۲</sup>، ۲۰۲۰). یعنی تعاملات اجتماعی آنلاین میان شرکت کنندگان، معاملات با مبلغ اندک و تعداد بسیاری سرمایه‌گذار که ممکن است در سرمایه‌گذاری وام متخصص نباشند. شرکت کنندگان در وام دهی فرد به فرد را تقریباً می‌توان به دو گروه دسته‌بندی کرد: وام‌گیرندگان و وام‌دهندگان. همانند موسسات اعتبار دهنده سنتی در وام دهی فرد به فرد نیز هدف از تصمیم‌گیری و ارزیابی ریسک از منظر وام‌دهنده و وام‌گیرنده متفاوت می‌باشد. درک فرایند تصمیم‌گیری در وام دهی نفر به نفر، مستلزم درک نحوه انتقال اطلاعات بین بنیانگذاران و سرمایه‌گذاران است به ویژه زمانی که چالش‌های اجتماعی با پروژه‌هایی که درک آنها از نظر فنی آسان نیست، مورد توجه قرار می‌گیرد. در اینجا است که نبود تقارن اطلاعات بین بنیانگذار و سرمایه‌گذار حائز اهمیت می‌شود (پابست و همکاران، ۲۰۲۱).

بنابراین وام‌دهندگان یا سرمایه‌گذاران قبل از وام دهی باید امکان سنجی وام انجام دهند. وام‌دهنده با تجزیه و تحلیل اعتبار، به این اطمینان می‌رسد که آیا مشنتری با توجه به قرارداد، توانایی انجام تعهدات و پرداخت منظم اصل و سود را دارد یا خیر (فارادهاارمستوتی و لائورنتکسیوس، ۲۰۲۱).

سرایت ریسک اعتباری میان پلتفرم‌های وام دهی نفر به نفر، پنج عامل مختلف دارد: همبستگی بین پلتفرم‌های وام دهی نفر به نفر، میزان ایمن‌سازی پلتفرم‌های حساس، نرخ حذف‌نهایی پلتفرم‌های وام دهی نفر به نفر از سوی رگولاتورها، میزان حذف پلتفرم‌های پرریسک و نرخ تبدیل پلتفرم‌های پرریسک به پلتفرم‌های ایمن. این عوامل، بر سرایت ریسک اعتباری پلتفرم‌های وام دهی نفر به نفر اثر می‌گذارد. بنابراین اداره‌های دولتی باید اقدامات نظارتی خود را برای بهبود مدیریت ریسک اعتباری، مقاومت در برابر ریسک و تحمل ریسک این پلتفرم‌ها تقویت کند (ژائو و همکاران، ۲۰۲۱).

<sup>1</sup> Thomas, et al. 2017

<sup>2</sup> Du, et al. 2020

موجهیدین و همکاران (۲۰۲۲) نشان داده اند که اعتماد، تأثیر چشم گیری بر رفتار وام گیرندگان دارد. اعتماد، عاملی اساسی در شکل دادن به درک و رفتار کاربر با استفاده از این فناوری است. این متغیر بر محیطی اثر می گذارد که پلتفرم وام دهی در آن وجود دارد و همه آنها سیاست های یکسانی ندارد در نتیجه بسنجاری از کاربران در انتخاب پلتفرم مطمئن سردرگم می شوند (موجهیدین و همکاران، ۲۰۲۲).

وانگ و همکاران (۲۰۱۹) در تحقیق خود با عنوان "اطلاعات نرم در وام دهی همتا به همتا آنلاین: شواهد از یک پلتفرم پیشرو در چین. تحقیقات و کاربردهای تجارت الکترونیک" به مواردی مانند تقسیم بندی سطوح اعتبار، تعیین نماینده وصول معوقات، اشتراک اطلاعات با سایر مؤسسات مالی، مراحل حراج، بررسی و بازپرداخت پس از صدور فهرست وام رسیدند (وانگ و همکاران، ۲۰۱۹).

سانگ و همکاران (۲۰۱۸) نیز در تحقیق خود با موضوع "تجزیه و تحلیل عملکرد سیستم عامل های وام دهی آنلاین همتا به همتا در چین" به این اشاره کردند که مرحله گسترش بازار که هدف آن بیشینه سازی سود وام گیرنده و مرحله مدیریت ریسک که هدفش حصول اطمینان از بازپرداخت به موقع پول وام دهندگان است (سانگ و همکاران، ۲۰۱۸).

هاروی (۲۰۱۸) نیز در کتاب خود تحت عنوان "راهنمای سرمایه گذاری همتا به همتا برای مبتدیان" ریسک های وام دهی را به چهار دسته ریسک عملکرد، پلتفرم، بازار و نقدینگی تقسیم می کند (هاروی ۲۰۱۸).

محقق گوئو و همکاران در سال ۲۰۱۶ روشهای مناقصه برای مزایده های اندک را مورد بررسی و تحلیل قرار دادند. مطالعه آنها نشان داد که رفتار مناقصه در بین سرمایه گذاران مشابه بوده و سرمایه گذاران از استراتژی های مناقصه بسیار متفاوتی برای دنبال کردن رفتار دیگری و به فروش رساندن معاملات خود استفاده می کنند و در نتیجه مشخص است که با کاهش هزینه معاملات، به پایین ترین سطح خود موجب بالا رفتن مزایده ها و انجام حجم زیادی از معاملات در زمان محدود می شود و این امر نوسانات قیمتی را نیز تشدید نموده و به نوعی پدیده رفتارهای گله ای<sup>۱</sup> (یعنی زمانیکه هر کس رفتارهای دیگری را دنبال می کند) شکل میگیرد، بنابراین پدیده رفتار گله ای بیشتر در مزایده های وام اجتماعی آنلاین دیده می شود و رخ دادن این پدیده نیز موجب عدم تعادل در سیستم معامله می گردد (گوئو و همکاران، ۲۰۱۶).

محقق وو و همکاران در سال ۲۰۱۱ روشهای مناقصه برای مزایده های اندک را مورد بررسی و تحلیل قرار دادند. مطالعه آنها نشان داد که رفتار مناقصه در بین سرمایه گذاران مشابه بوده و سرمایه گذاران از استراتژی های مناقصه بسیار متفاوتی برای دنبال کردن رفتار دیگری و به فروش رساندن معاملات خود استفاده می کنند و در نتیجه مشخص است که با کاهش هزینه معاملات، به پایین ترین سطح خود موجب بالا رفتن مزایده ها و انجام حجم زیادی از معاملات در زمان محدود می شود و این امر نوسانات قیمتی را نیز تشدید نموده و به نوعی پدیده رفتارهای گله ای (یعنی زمانیکه هر کس رفتارهای دیگری را دنبال می کند) شکل می گیرد، بنابراین پدیده رفتار گله ای بیشتر در مزایده های وام اجتماعی آنلاین دیده می شود و رخ دادن این پدیده نیز موجب عدم تعادل در سیستم معامله می گردد (وو و همکاران، ۲۰۱۱).

<sup>1</sup> Herding behavior

محقق پورو در سال ۲۰۱۰ به طراحی سیستم کمک یار وام گیرنده پرداختند که سیستم پیشنهادی آنها به منظور یاری رساندن به وام گیرندگان در جهت تعیین میزان و نوع استراتژی های مهم از جمله نرخ بهره، مبلغ وام درخواستی به نوعی که تاثیر موفقی در موافقت با درخواست وامشان داشته باشد را ارائه نمودند. روش پیشنهادی آنها تاثیر بسزایی در موافقت با وام درخواستی وام گیرندگان در لیست درخواست وام داشت (پورو و همکاران<sup>۱</sup>، ۲۰۱۰).

برخی محققان نیز از منظر وام دهندگان به بررسی تصمیم گیری و ارزیابی ریسک اعتباری و رفتار مناقصه پرداخته اند، به عنوان مثال محقق سان شین و همکاران در سال ۲۰۱۰ نقش حسابهای اجتماعی در تأثیرگذاری بر تصمیمات وام دهندگان را مورد بررسی قرار دادند. کلافت و همکاران در سال ۲۰۰۸ به بررسی میزان سودجویی و منفعت وام دهندگان در وام دهی فرد به فرد پرداختند. براساس آزمایشاتی که بر روی داده های پلتفرم پراسپر انجام دادند، آنها به این نکته مهم پی بردند که موفقیت وام دهندگان و سطح رضایت آنها از بازپرداخت وامها بستگی به استفاده از استراتژی صحیح و دقیق دارد. محقق کروم در سال ۲۰۰۹ دریافتند که بسیاری از معاملات براساس تصمیمات زیر بهینه انجام می‌شود (کلافت، ۲۰۰۸).

مطالعات دیگر روش های ارزشمندی در مورد نحوه نمایش وام برای وام دهنده و نحوه انتخاب وامها توسط آنها و موفقیت در مناقصه ارائه می دهند اما مجهز به پشتیبانی از تصمیم گیری مؤثر برای راهنمایی در جهت انتخاب سرمایه گذارهای شخصی اعتبارات و تعیین مبلغ مناسب برای پیش‌بینی در هریک از آنها وجود ندارد. از آنجایی که تصمیم گیری در مورد تأمین یا عدم تأمین اعتبار وام‌های خاص یکی از وظایف اصلی سرمایه گذاران در بازار وام دهی فرد به فرد است، می‌توان ادعا کرد که روشهای ارزیابی وام‌های سنتی نیز به وام‌های فرد به فرد مرتبط می‌شود. در برخی از تحقیقات به منظور تمایز وام خوب (وام‌هایی که انتظار می رود با موفقیت بازپرداخت شوند) از موارد بد (وام‌هایی که پیش‌بینی می‌شود با تاخیر بازپرداخت شوند)، اخیراً از تکنیک های مختلف داده کاوی استفاده شده است که در ادامه به هر یک از آنها اشاره خواهیم کرد: پائولو و همکاران روش رگرسیون لجستیک (پائولو و همکاران، ۲۰۱۹) هاباچی و پناچر از روش تحلیل ممیزی خطی، ژانگ از روش نزدیک ترین همسایگی، آبهیجیت گوها و سیدهدالدینگ از روش درخت تصمیم گیری، لیندا و همکاران از زنجیره های مارکوف، دی جوندجی و همکاران از روش تحلیل بقا، رابون و همکاران از روش برنامه ریزی خطی و غیر خطی، ولک اسون از روش شبکه های عصبی، تائو از روش ماشین های بردار پشتیبان، شن و همکاران از روش الگوریتم بهینه سازی ژنتیک بهره گرفته اند. مطالعات مذکور طبقه بندی هر وام را مورد بررسی قرار می‌دهند اما به طور کلی بهینه سازی سرمایه گذاری وام را به دقت مورد بررسی قرار نمی‌دهند. در سال های اخیر روشهای مبتنی بر هسته بسیاری در کاربردهای مختلف از جمله امتیازدهی اعتباری و مسائل بهینه سازی مورد استفاده قرار گرفته اند (لئونارد و همکاران، ۲۰۲۰). در این مقاله از ضرایب رگرسیون به عنوان وزن های بهینه برای ارزیابی ریسک اعتباری استفاده نموده ایم. روش رگرسیون هسته ای یکی از تکنیک های انعطاف پذیر آماری برای بررسی روابط غیر خطی می‌باشد که در کاربردهای مالی و اقتصادی همانند اندازه گیری های غیرپارامتری، روابط غیر خطی بین نرخ بازده

<sup>1</sup> Puro, et al. 2010

بین المللی واقعی و فرآیندهای انتشار متغیر با زمان برای پیش‌بینی خسارات مالی رایج شده است. بنابراین روش رگرسیون هسته ای و روش‌های رتبه بندی در یاری رساندن به سرمایه گذاران شخصی در وام دهی فرد به فرد برای تصمیم گیری مورد بررسی قرار گرفته است.

### وام‌دهی نفر به نفر

وام دهی هم‌تا به هم‌تا نوعی جدید از وام دهی است که به وام دهی نفر به نفر معروف بوده و به اشخاص امکان وام دهی و قرض گرفتن مستقیم از یک دیگر در پلتفرم اینترنتی و بدون دخالت واسطه های مالی سنتی را می دهد. در این نوع بازار، وام گیرندگان براساس نیازشان اقدام به ثبت برگه هایی که به لیست یا فهرست وام معروف است، کرده و جزئیات وام درخواستی شان از جمله مقدار وام و شرایط دیگر را اعلام میکنند سپس وام دهندگان بسته به بودجه ای که در اختیار دارند میتوانند بخشی از وام های درخواستی موجود در لیست را تامین میکنند. از جمله پلتفرم های وام دهی نفر به نفر می توان به لندینگ کلاب اشاره نمود (لاریمور و همکاران، ۲۰۱۱).

برخلاف موسسات مالی سنتی، در وام دهی فرد به فرد، هر سرمایه گذار شخصی، اعتبار بسیار کمتری برای سرمایه گذاری دارد اما از آنجا که امکان تامین بخشی از بودجه وام وجود دارد یا به عبارت دیگر هر سرمایه گذار می‌تواند بخشی از هر وام را تامین کند، پویا سازی به شکل مؤثری در این نوع وام دهی امکان پذیر می‌شود. بنابراین سرمایه گذاران در بازار وام دهی فرد به فرد نه تنها نیاز به تصمیم گیری برای تامین اعتبار وام دارند، (یعنی اینکه بودجه خود را صرف تامین بودجه کدام متقاضی وام کنند)، بلکه باید در مورد میزان مبلغی که بهتر است به هر وام درخواستی اختصاص دهند نیز تصمیم گیری کنند (یعنی چه مبلغی به هر متقاضی وام اختصاص دهند) تا نرخ بازده در بازه مورد انتظار کمینه گردد. بنابراین اگرچه این مسئله را می‌توان به عنوان یک مسئله بهینه سازی سبب سرمایه گذاری معمولی ارائه و حل نمود اما ارزیابی دقیق ریسک اعتباری هر وام جداگانه در پلتفرم وام دهی فرد به فرد که از جمله ورودی لازم و مهم در مسئله بهینه سازی پرتفوی می‌باشد، خود مسئله ای بسیار چالش برانگیز و مورد بحث است. بعلاوه در اکثر بازارهای وام دهی فرد به فرد واقعی، محدودیاتی از جمله حداقل مبلغ سرمایه گذاری وجود دارد که باید مورد توجه قرار گیرد. چنین محدودیتهایی برای سرمایه گذاران شخصی که بودجه کمی دارند، مهم و تاثیر گذار است. بنابراین راه حل و تصمیم گیری نوینی که موجب سودآور و پر منفعت شدن فرآیند وام دهی فرد به فرد گردد، لازم است. در وام دهی نفر به نفر هر فردی قادر است براساس ریسک سرمایه گذاری و نرخ بازده برای پرداخت یا دریافت وام اقدام کند. آمارها نشان دهنده پرداختی وام موسساتی نظیر لندینگ کلاب<sup>۱</sup> بزرگ ترین موسسه وام دهنده نفر به نفر در کشور ایالات متحده است که در حال حاضر از مرز سه میلیارد دلار نیز گذشته است که با توجه به مبلغ پانصد میلیون دلار در سال ۲۰۱۲ رشد فوق العاده ای را تجربه نموده است. این رقم در انگلستان نزدیک به هشتصد میلیون پوند است که توسط شرکت هایی نظیر فاندینگ سیرکل<sup>۲</sup> پرداخت شده است. نکته قابل ذکر نیز این است که نرخ نکول این وام‌ها بسیار کمتر از وام‌های پرداختی

<sup>1</sup> Lending club (LC)

<sup>2</sup> Funding circle

توسط بانک‌ها می‌باشد. از مزیت‌های این نوع بانکداری نرخ بازده سرمایه بالاتر برای سپرده‌گذار، نرخ بهره پایین برای وام‌گیرنده، نوسان کمتر نرخ بهره نسبت به سایر روشها و امکان نرخ بهره<sup>۱</sup> متناسب با ریسک می‌باشد. این پلتفرم‌ها حجم زیادی از نقدینگی و نرخ پایینی از نکول را حتی در مقایسه با کارتهای اعتباری به خود تعلق داده‌اند. در اکثر کشورها مقررات نظارتی بر این پلتفرم‌ها به تدریج و به آهستگی در حال شکل‌گیری است (گوئو و همکاران، ۲۰۱۶).

### روش پژوهش

تحلیل ریسک اعتباری در فرایند اعطای وام به متقاضیان اعتبار روز به روز از اهمیت بیشتری برخوردار می‌شود. یکی از مهمترین جنبه‌ها در تحلیل ریسک، تشخیص امتیاز هر متقاضی وام در جهت تعیین متقاضیان خوب از بد از لحاظ بازپرداخت وام می‌باشد. شناسایی افراد بدحساب در میان متقاضیان وام نقش کلیدی در اعطای وام با ریسک کم در حوزه وام دهی دارد. یکی از روشهای رایج ارزیابی ریسک اعتباری، روش رتبه بندی ساده<sup>۲</sup> و رتبه بندی توسعه یافته<sup>۳</sup> می‌باشد. روش رتبه بندی ساده برخلاف روش رگرسیون هسته ای وزن دار شده فاقد ماتریس فاصله می‌باشد و صرفاً از احتمال نکول هر یک از وام‌های آموزش و تست به شیوه اختصاص رتبه به هر وام تست براساس شاخص اعتباری درجه بهره می‌برند. روش رتبه بندی توسعه یافته نیز برخلاف روش رگرسیون هسته ای وزن دار شده فاقد ماتریس فاصله می‌باشد و صرفاً از احتمال نکول هر یک از وام‌های آموزش و تست به شیوه اختصاص رتبه به هر وام تست براساس شاخص اعتباری زبردوجه بهره می‌برد. روش رتبه بندی توسعه یافته، نسخه توسعه یافته روش رتبه بندی ساده می‌باشد و تفاوتش با روش رتبه بندی ساده در استفاده از شاخص اعتباری زبردوجه خلاصه می‌شود بطوریکه در رتبه بندی توسعه یافته، هر درجه به زیر درجه‌هایی تفکیک شده و براساس زبردوجه‌های مستخرج به محاسبه احتمال نکول و سپس نرخ بازده و ریسک برای هر وام تست پرداخته می‌شود. ساده ترین روشهای ارزیابی ریسک اعتباری که به دلیل سادگی در فهم و پیاده سازی محبوبیت بسیاری یافته است، روشهای مبتنی برنمونه با بکارگیری رگرسیون لجستیک می‌باشد. اخیراً در جدیدترین تحقیقات، تکنیکی با استفاده از وزن دهی به نمونه‌های داده برای بهبود روش رگرسیون لجستیک پیشنهاد شده است که از شاخص‌های اعتباری کمی برای ارزیابی ریسک اعتباری استفاده می‌کند. افزایش شاخص‌های اعتباری به عنوان متغیرهای مستقل در رگرسیون وزن دار شده می‌تواند منجر به سنجش دقیقتر ریسک اعتباری گردد، از اینرو در این مقاله از مشخصه‌های اعتباری بیشتری به عنوان متغیر مستقل و عوامل پیش‌بینی کننده ریسک در روش رگرسیون وزن دار شده استفاده می‌شود بطوریکه مشخصه‌های اعتباری در نظر گرفته شده برای متقاضی وام عبارت‌اند از: میزان وام درخواستی، امتیاز فایکو، بدهکاریهای دو سال اخیر، نسبت بدهی به درآمد، نرخ بهره، وضعیت مالکیت مسکن، میزان مانده تمامی حسابها، درآمد سالانه و بدهی در ۶ ماه اخیر. در این بخش به ارائه

<sup>۱</sup> Interest Rate

<sup>۲</sup> Rating-based Method

<sup>۳</sup> Refined Rating-based Method

روشی برای ارزیابی ریسک اعتباری و سپس رتبه بندی اعتباری متقاضیان وام با اسفاده از روش رگرسیون هسته ای وزن دار شده و روش رتبه بندی ساده پرداخته می شود.

### رگرسیون هسته‌ای گوسی

در این بخش ابتدا مدل مبتنی بر نمونه ارزیابی ریسک اعتباری در جهت تعیین ارزیابی کمی نرخ بازده و ریسک سرمایه گذاری بر روی وام‌ها شرح داده شده سپس با بکارگیری رگرسیون هسته ای، فواصل احتمال نکول هر وام به وزنه‌های بهینه ای تغییر داده می‌شود و در ادامه آن به بررسی روشهای رتبه بندی بر پایه مدل رگرسیون برای تخمین ریسک سرمایه گذاری و نرخ بازده پرداخته می شود (گوئو و همکاران، ۲۰۱۶).

### مدل مبتنی بر نمونه

پیش‌بینی نمونه داده های آینده بر مبنای نمونه داده های گذشته (سوابق داده ها) روشی رایج و معمول است. به عبارتی دیگر یک روش مفید برای ارزیابی ریسک اعتباری وام‌های درخواستی جدید، بکارگیری مشخصات اعتباری دریافت کنندگان وام در گذشته است. برای بهینه سازی پرتفوی سرمایه می‌توان از پروسه پیش‌بینی نرخ بازده و ریسک سرمایه گذاری بر روی هر وام بهره گرفت. بدین صورت که برای پیش‌بینی نرخ بازده وام درخواستی  $i$  (یعنی نمونه تست (نمونه جدید یا وام جدید)) می‌توان براساس مشخصات اعتباری دریافت کنندگان تسهیلات اعطایی در گذشته (یعنی اعضای رای دهنده در روش رگرسیون) و نرخ بازده مشاهده شده در وام های اعطایی در گذشته  $R_j (j = 1, 2, \dots, n)$  به پیش‌بینی نرخ بازده وام های جدید  $\mu_i$  پرداخت. برای این منظور می‌توان از میانگین وزن دار شده عملکرد تسهیلات اعطایی در گذشته با استفاده از معادله (۱.۴) استفاده نمود (گوئو و همکاران، ۲۰۱۶).

$$\mu_i = \sum_{j=1}^n w_{ij} R_j. \quad (1.4)$$

به‌طوری‌که  $w_{ij}$  وزن وام گذشته (آموزشی)  $z$  ام برای پیش‌بینی نرخ بازده وام جدید (تست)  $i$  می‌باشد. این روش مشابه با روش رای گیری است که در آن، هر رای با وزنه‌های مختلف محاسبه می‌شود. برای پیش‌بینی ریسک سرمایه گذاری نمی‌توان مستقیماً از میانگین وزن دار شده استفاده نمود و برای ارزیابی ریسک سرمایه گذاری بر روی وام درخواستی جدید ( $i$ )، از واریانس وزن دار شده یعنی  $\sigma_i^2$  در میان اعضای رای دهنده مطابق با (۲.۴) استفاده می‌شود.

$$\sigma_i^2 = \sum_{j=1}^n w_{ij} (R_j - \mu_i)^2. \quad (2.4)$$

به‌طوری‌که  $\mu_i$  میانگین وزن دار شده در (۱.۴) و  $w_{ij}$  وزن وام  $z$  ام (وزن وام‌های با مشخصات اعتباری مشابه در گذشته) می‌باشد. وزن در مدل‌های مبتنی بر نمونه براساس مجاورت وام جدید (نمونه تست) با اعضای رای دهنده

وام‌های اعطایی در گذشته) تعیین می‌شود. از این اصل واضح است که نمونه‌های مشابه‌تر (نزدیک‌تر) دارای وزن بیشتر در حالیکه نمونه‌های کم‌شبه‌تر، وزن کمتری را دارا هستند. در این خصوص، فاصله احتمال نکول بین وام قدیم و جدید (آموزشی و تست)  $i$  و  $j$  به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$d_{ij} = |p_i - p_j|. \quad (3.4)$$

به طوری که  $p_i$  و  $p_j$  به ترتیب احتمال نکول وام  $i$  و  $j$  می‌باشد. فاصله بیشتر میان احتمالهای نکول موجب وزن کمتر برای وام درخواستی جدید خواهد شد.

### وزن هسته‌ای

یکی از روش‌های آماری برای یافتن روابط غیر خطی میان جفتی از متغیرهای تصادفی، رگرسیون هسته‌ای می‌باشد. اگر هر مشاهده (وام یا نمونه) در بعد  $X$  و  $Y$  بررسی گردد، بطوریکه  $X$  متغیر پیش‌بینی و  $Y$  متغیر پاسخ یا وابسته باشد و  $n$  نمونه  $\{(x_j, y_j) | j = 1, 2, \dots, n\}$  موجود باشد آنگاه می‌توان نتیجه  $y$  را با استفاده از مشاهدات پیش‌بینی کننده  $x$  براساس معادله رگرسیون هسته‌ای تخمین زد:

$$y = \hat{f}(x) = \frac{\sum_{j=1}^n K\left(\frac{x-x_j}{h}\right) y_j}{\sum_{j=1}^n K\left(\frac{x-x_j}{h}\right)}. \quad (4.4)$$

به طوری که  $K(\cdot)$  تابع هسته از نوع گوسی می‌باشد. معادله هسته گوسی در (۵.۴) آمده است:

$$K(u) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}u^2} \quad (5.4)$$

در روش هسته گوسی به مشاهدات (وام‌های) نزدیک‌تر به وام  $x$ ، وزنهای بیشتر و به نمونه‌های دورتر از نمونه وام  $x$ ، وزنهای کمتری اختصاص می‌یابد. پارامتر  $h > 0$  پهنای باند نامیده می‌شود که نسبت اطلاعات محلی در برابر اطلاعات جزئی مورد استفاده در مجموع را تعیین می‌کند.

در روش مدل‌سازی ریسک مبتنی بر نمونه، احتمال نکول وام جدید  $i$ ،  $p_i$  و احتمال نکول وام‌های اعطایی در گذشته  $j$ ،  $p_j$  به عنوان متغیر پیش‌بینی در نظر گرفته می‌شود. متغیر پاسخ، نرخ بازده در وام‌های آموزشی ( $R_j$ ) است. بنابراین با جایگذاری معادله تابع گوسی و متغیر پیش‌بینی و پاسخ در معادله ۴ می‌توان معادله تخمین نرخ بازده وام در (۵.۴) را به صورت زیر بازنویسی کرد:

$$\mu_i = \frac{\sum_{j=1}^n K\left(\frac{x_i - x_j}{h}\right) y_j}{\sum_{j=1}^n K\left(\frac{x_i - x_j}{h}\right)} = \frac{\sum_{j=1}^n K\left(\frac{p_i - p_j}{h}\right) R_j}{\sum_{j=1}^n K\left(\frac{p_i - p_j}{h}\right)}. \quad (6.4)$$

به طوری که  $\mu_i$ ،  $R_j$ ،  $p_i$  و  $p_j$  به ترتیب بیانگر میانگین وزن دار شده نرخ بازده در نمونه وام‌های مشاهده شده (آموزشی)، نرخ بازده وام‌های آموزشی، احتمال نکول وام جدید  $i$  و احتمال نکول وام اعطایی در گذشته  $j$  می‌باشد.

با مقایسه نرخ بازده پیش‌بینی شده در (۱.۴) با معادله رگرسیون هسته ای در (۶.۴) می‌توان مستقیماً وزن بهینه را از (۷.۴) استخراج کرد :

$$w_{ij} = \frac{K\left(\frac{p_i - p_j}{h}\right)}{\sum_{j=1}^n K\left(\frac{p_i - p_j}{h}\right)} = \frac{K\left(\frac{d_{ij}}{h}\right)}{\sum_{j=1}^n K\left(\frac{d_{ij}}{h}\right)}. \quad (7.4)$$

به طوری که  $d_{ij}$  فاصله احتمال نکول بین وام  $i$  و  $j$  می‌باشد که در معادله (۳.۴) تعریف شد. به عبارت دیگر وزن وام ( $w_{ij}$ ) براساس فاصله احتمال نکول (عدم باز پرداخت وام) وام های گذشته از وام های جدید یعنی فاصله  $d_{ij}$  تعیین می‌گردد و وام با فاصله احتمال نکول کمتر دارای وزن بیشتری خواهد بود.

### فواصل و وزن هسته ای

یک روش مستقیم و آسان برای تعیین شباهت بین وام‌های مختلف، محاسبه فواصل احتمال نکول آن‌ها می‌باشد که در معادله ۳ تعریف شد. با محاسبه فواصل احتمال نکول میان وام‌ها برای نمونه وام تست (یعنی وام درخواستی که می‌خواهیم احتمال نکولش را براساس مشخصات دریافت کنندگان وام‌های اعطایی در گذشته یعنی وام 11 و 12 محاسبه کنیم) داریم:  $d_{13} = |p_1 - p_3|$  و  $d_{23} = |p_2 - p_3|$  بطوریکه  $d_{13}$  فاصله بین احتمال نکول وام آموزشی ۱ تا وام تست ۳ و  $d_{23}$  فاصله بین احتمال نکول وام آموزشی ۲ تا وام تست ۳ می‌باشد. فاصله احتمال نکول میان وام ۱ (وام آموزشی) و وام ۳ (وام تست) بیشتر از فاصله احتمال نکول میان وام ۲ (آموزشی) و وام ۳ (وام تست) می‌باشد یعنی  $d_{13} > d_{23}$ . بنابراین وزن رای دهنده وام آموزشی L1 کمتر از وام آموزشی L2 می‌باشد. می‌توان از روش رگرسیون هسته ای در (۷.۳)، میزان اهمیت وزنه‌های رای دهنده را سنجید، از اینرو با استفاده از (۷.۴)، داریم:  $w_{13} < w_{23}$ . هسته گوسی در معادله ۵.۳، محدوده مقادیر خروجی بیشتری را برای ورودی های با مقادیر کمتر فراهم می‌کند (گیو، ۲۰۱۶).

### مدل تصمیم گیری سرمایه گذاری

در این بخش تصمیمات سرمایه گذاری در وام دهی نفر به نفر به عنوان مسئله انتخاب پرتفوی مجهز به برخی قیود در نظر گرفته می‌شود. سپس مدل ارزیابی ریسک اعتباری مبتنی بر نمونه در بخش قبل با روش انتخاب پرتفوی سرمایه ترکیب می‌شود و فرآیند تصمیم گیری برای سرمایه گذاری انجام می‌گیرد. هدف از فرآیند تصمیم گیری سرمایه گذاری، تخصیص بهینه اعتبار به فهرست وام‌های درخواستی می‌باشد. مسئله پرتفوی سرمایه برای کمینه کردن ریسک سرمایه گذاری (یا تخصیص اعتبار) به صورت زیر مدل می‌شود:

$$\sum_{i=1}^l \lambda_i^2 \sigma_i^2. \quad (8.4)$$

به شرطی که  $\lambda_i \geq 0$  و  $\sum_i \lambda_i = 1$  برقرار باشد و سطح بازده مورد انتظار معادل با  $R^* = \sum_i \mu_i \lambda_i$  باشد. متغیر بهینه‌سازی  $\lambda_i$  نشان دهنده نسبت بهینه اعتبار سرمایه‌گذاری شده بر روی وام  $i$  می‌باشد به عبارتی دیگر نسبت بهینه اعتبار تخصیص یافته به وام نام است. فرآیند ارزیابی ریسک اعتباری و تصمیم‌گیری برای سرمایه‌گذاری بر روی وام‌ها در شکل ۲ نشان داده شده است.

### متغیرهای ورودی برنامه

DataH: مجموعه داده آموزشی:  $n$  مجموعه وام که در گذشته تخصیص اعتبار داده شده است  
 Datal: مجموعه داده تست،  $l$  مجموعه وام که در لیست تخصیص اعتبار قرار دارد و قرار است به آن اعتبار تخصیص یابد.

M: مینیمم سرمایه مورد نیاز برای تخصیص اعتبار (سرمایه‌گذاری) به یک وام

$R^*$ : نرخ کلی بازده مورد انتظار

متغیر خروجی برنامه:

$OM_i$ : درصد اعتبار تخصیص یافته به هر وام درخواستی  $i$  در نمونه داده تست ( $i=1,2,\dots,l$ )

// مقدار دهی اولیه و مرحله آموزش

$\rightarrow (n, \{R_j\}_{j=1}^n, l, \{e_i\}_{i=1}^l)$  (DataH و Datal)

رگرسیون لاجستیک  $\rightarrow (\{\hat{\beta}_k\}_{k=0}^p, l, \{\hat{p}_j\}_{j=1}^n)$

$(DataH) \rightarrow h$  تنظیم پهنای باند

// شروع روش ارزیابی ریسک اعتباری مبتنی بر نمونه

For  $i \leftarrow 1$  to  $l$  do

$$\hat{p}_i \leftarrow \frac{1}{1 + e^{\beta_0 + \beta_1 x_{i1} + \dots + \beta_p x_{ip}}}$$

For  $j \leftarrow 1$  to  $n$  do

$$d_{ij} \leftarrow |\hat{p}_i - \hat{p}_j|;$$

$$w_{ij} \leftarrow \text{kernelweight}(d_{ij}, h);$$

End

$$\mu_i \leftarrow \sum_{j=1}^n w_{ij} R_j;$$

$$\sigma_i^2 \leftarrow \sum_{j=1}^n w_{ij} (R_j - \mu_i)^2;$$

End

// بهینه‌سازی پرتفوی

$$\text{Minimize } \sum_{i=1}^l \lambda_i^2 \sigma_i^2;$$

Subject to

$$\sum_{i=1}^l \lambda_i \mu_i = R^*$$

$$\sum_{i=1}^l \lambda_i = 1$$

$$m \leq \lambda_i M \leq e_i$$

$$\lambda_i = 0$$

if loan  $i$  is invested

otherwise

$$\{\lambda_i\} \leftarrow \text{Prog}(m, M, R^*, \{\mu_i, \sigma_i^2, e_i\}, i = 1, \dots, l)$$

$$\text{Output } OM_i = \lambda_i M$$

در مرحله اولیه و فرآیند آموزش روش (خط ۱ - ۳)، ابتدا تعداد کل وام‌های گذشته در مجموعه آموزشی  $Data_h(n)$ ، عملکرد یا نرخ بازده مورد انتظار هر وام در مجموعه داده آموزشی  $(R_j)$ ، تعداد وام‌های قرار گرفته در لیست درخواست که وضعیت بازپرداخت وام و نرخ بازده شان نامشخص می‌باشد ( $l$ )، میزان وام درخواست شده در لیست درخواست ( $e_i$ ) استخراج می‌گردد. سپس رگرسیون لاجستیک بر روی وام‌های موجود در بخش آموزشی  $Data_h$  اعمال شده و احتمال نکول ( $p_j$ ) هر وام آموزشی مشخص می‌شود. سرانجام از روش اعتبار سنجی متقابل یک طرفه برای تنظیم بهینه پهنای باند ( $h$ ) استفاده می‌شود.

در خط (۴-۱۲) فرآیند ارزیابی مبتنی بر نمونه ریسک اعتباری به روش رگرسیون هسته ای انجام می‌گیرد، برای این منظور ابتدا با استفاده از روش رگرسیون لاجستیک، احتمال نکول ( $p_i$ ) هر وام در مجموعه تست  $Data_t$  در خط ۴ و ۵ محاسبه شده سپس برای هر وام  $i$  در مجموعه تست  $Data_t$ ، فاصله احتمال نکولش با هر وام  $z$  در مجموعه آموزشی محاسبه می‌شود که نام این فاصله  $d_{iz}$  نامیده می‌شود، یعنی فاصله میان احتمال نکول هر وام  $i$  در مجموعه تست با هر وام  $z$  در مجموعه آموزشی. بازه  $i$  و  $z$  نیز به ترتیب به تعداد نمونه داده های تست (وام‌های بخش تست) و نمونه داده های آموزشی (وام‌های بخش آموزش) یعنی در محدوده  $i = 1, \dots, n, z = 1, \dots, l$  می‌باشد. سپس با استفاده از ماتریس فاصله  $d_{iz}$  بدست آمده و بهینه سازی پارامتر  $h$  و بدست آوردن مقدار بهینه ای برای پارامتر پهنای باند  $h$ ، در معادله خط ۸ به محاسبه وزنهای هسته ای  $w_{iz}$  پرداخته می‌شود. بدین صورت که ماتریس فاصله  $d_{iz}$  و پارامتر  $h$  در معادله هسته گوسی در (۵.۴) الی (۷.۴)، جایگذاری شده سپس وزنهای مبتنی بر هسته گوسی  $w_{iz}$  حاصل می‌گردد و به عبارتی معادلات ۵ الی ۷ پروسه نگاشت تابع گوسی بر روی ماتریس فاصله را نشان می‌دهد تا فاصله هسته ای شده به دست آید. سرانجام با قرار دادن وزنهای هسته ای حاصل شده  $w_{iz}$  در معادله میانگین وزن دار شده نرخ بازده یعنی (۱.۴)، به ارزیابی نرخ بازده ( $\mu_i$ ) پرداخته می‌شود و برای محاسبه ریسک سرمایه گذاری از واریانس وزن دار شده در (۲.۴) استفاده می‌شود بدین ترتیب که با جایگذاری متغیرهایی از جمله وزن های مبتنی بر هسته گوسی  $w_{iz}$ ، نرخ بازده وام های آموزشی ( $R_j$ ) و میانگین وزن دار شده  $\mu_i$  در (۱.۴)، نرخ بازده برای هر وام در مجموعه تست (هر وام در فهرست درخواست) پیش‌بینی می‌گردد.

در خط ۱۳ الی ۱۹، پروسه بهینه سازی پرتفوی و نحوه تخصیص اعتبار به وام های تست انجام می‌شود و به عبارتی دیگر درصد سرمایه ای از سرمایه کلی که بهتر است برای هر وام در لیست درخواست (وام‌های تست) به سرمایه گذار پیشنهاد شود را تخمین می‌زند.

## روش رتبه بندی ساده

روش مبتنی بر رتبه بندی ۱ روشی است که تخمین احتمال نکول وام‌های آموزشی را براساس مراجعه به شاخص اعتباری درجه هر وام آموزشی انجام می‌دهد. مدل مبتنی بر رتبه بندی اصلاح شده ۲، نسخه پیشرفته از مدل مبتنی بر رتبه بندی است که برای تخمین بتا و سپس احتمال نکول وام‌های آموزشی از درجه‌های با سطوح جزئی‌تر با مراجعه به شاخص اعتباری زیر درجه وام‌های آموزشی بهره می‌برد.

در روش رگرسیون هسته‌ای که پیشتر به آن اشاره شد، معادله میانگین  $\mu_i$  برای محاسبه نرخ بازده و معادله واریانس  $\sigma_i^2$  برای محاسبه ریسک سرمایه‌گذاری بکار می‌رفت، روش RBM نیز برای محاسبه نرخ بازده و ارزیابی ریسک سرمایه‌گذاری از روش میانگین و واریانس‌گیری بهره می‌برد اما نحوه محاسبه میانگین و واریانس در جهت محاسبه نرخ بازده و ریسک سرمایه‌گذاری در روش RBM متفاوت از روش رگرسیون هسته‌ای است، به عبارتی دیگر در روش رتبه بندی با پایه رگرسیون، نرخ بازده و ریسک سرمایه‌گذاری ( $\mu_i$  و  $\sigma_i^2$ ) صرفاً براساس نمونه وام‌های آموزشی که از لحاظ مشخصه اعتباری درجه ۳ با وام درخواستی مورد بررسی (وام بخش تست) مشابهت دارند، محاسبه می‌شود و برای این منظور ضرایب بتا حاصل از رگرسیون لاجستیک به ازای هر یک از درجات به طور جداگانه محاسبه می‌شود. بنابراین مشخصات داده مورد استفاده برای هر دو روش رگرسیون و RBM یکسان است، پس از آن روند محاسبه روش RBM متفاوت می‌شود و این تفاوت در نحوه محاسبه احتمال نکول، میانگین  $\mu_i$  و واریانس  $\sigma_i^2$  برای پیش‌بینی نرخ بازده و ریسک سرمایه‌گذاری می‌باشد. برای مثال در پایگاه داده لندینگ کلاب، شاخصی با نام درجه موجود است که روش رتبه بندی، با استفاده از شاخص درجه، اقدام به تفکیک نمونه وام‌های آموزشی و دسته‌بندیشان براساس مقدار شاخص درجه می‌کند بطوریکه وام‌های آموزشی با درجه مشابه در دسته‌ای جداگانه قرار می‌گیرند، از اینرو ابتدا با توجه به مقادیر شاخص مربوط به درجه هر نمونه وام آموزشی که با ستون درجه در پایگاه داده لندینگ کلاب مشخص شده است و معمولاً دارای ۷ نوع مقدار (درجه) است (با مقادیر A تا G مشخص شده است که در فاز نرمالسازی، مقادیر اسمی به عددی ۱ الی ۷ تبدیل شده‌اند بطوریکه که بجای متغیر A، عدد ۱ در نظر گرفته شده است و به همین ترتیب برای درجه‌های دیگر عدد ۲ الی ۷ در نظر گرفته شده است)، نمونه وام‌های آموزشی که دارای درجات مشابهی هستند در مجموعه‌ای جداگانه قرار می‌گیرند بطوریکه هر مجموعه شامل وام‌های آموزشی با درجه همسان است. پس از تفکیک نمونه وام‌های آموزشی برحسب درجه‌شان، پردازش محاسبه نرخ میانگین و واریانس (برای حصول نرخ بازده و ریسک سرمایه‌گذاری) برای هر مجموعه تفکیک شده به طور جداگانه انجام می‌شود. به طور مثال فرض کنید در حال بررسی یک نمونه وام درخواستی جدید و درصد پیش‌بینی نرخ بازده و ریسک سرمایه‌گذاری بر روی وام درخواستی (وام تست) هستیم، از آنجایی که روش پیش‌بینی مبتنی بر رتبه بندی نیازمند آموزش اولیه و مراجعه به نمونه‌های وام در بخش آموزش است، ابتدا به نمونه وام‌های موجود در بخش آموزش مراجعه می‌شود و نمونه وام‌های آموزشی براساس مشخصه اعتباری درجه به مجموعه‌های مجزایی تفکیک می‌شوند بطوریکه چندین

<sup>1</sup> Rating-based method: RBM

<sup>2</sup> Refined Rating-based method: RBM+

<sup>3</sup> Grade

ماتریس (مجموعه) که هر مجموعه حاوی نمونه وام‌های آموزشی متعلق به درجه همسانی اند، حاصل خواهد شد، سپس رگرسیون لجستیک بر روی هر ماتریس به طور جداگانه اعمال شده و ضرایب بتا مربوطه شان استخراج می‌شود. پس از آن، احتمال نکول هر وام آموزشی براساس ضرایب بتای استخراج شده مربوط به درجه شان انجام می‌گیرد. در مرحله بعد نوبت به محاسبه میانگین و واریانس نرخ بازده و ریسک سرمایه گذاری وام های آموزشی پرداخته می‌شود. در واقع یکی دیگر از تفاوت های دیگر رتبه بندی با روش رگرسیون هسته ای در محاسبه احتمال نکول وام های تست و ماتریس فاصله می باشد بطوریکه در روش رتبه بندی نیاز به محاسبه احتمال نکول وام تست و سپس محاسبه ماتریس فاصله براساس ارتباط میان احتمال نکول وام آموزشی و تست نیست و صرفاً از میانگین و واریانس هر دسته وام آموزشی دارای درجه همسان با درجه وام تست برای استخراج نرخ بازده و ریسک (میانگین و واریانس) وام تست استفاده می‌شود.

### نمونه پژوهش

در کار محقق گوئو از روش k فولد<sup>۱</sup> برای تفکیک نمونه وام های آموزشی و تست به منظور آزمایش روش ها استفاده شد اما در این مقاله از دو روش از جمله روش ۷۰ به ۳۰ درصد و روش k فولد استفاده شد و مقایسه ای نیز با تنظیمات لحاظ شده در کار محقق گوئو (یعنی با شش شاخصه اعتباری) صورت گرفت. تعداد کل وام‌های مورد بررسی در این مقاله ۱۰ هزار نمونه وام می‌باشد، در حالت تفکیک نمونه های آموزشی و تست به روش ۷۰ به ۳۰ درصد، ۷۰ درصد (۷۰۰۰ وام) به عنوان نمونه وام‌های آموزش دهنده در بخش مجموعه آموزشی و مابقی ۳۰ درصد (۳۰۰۰ نمونه وام) به عنوان نمونه وام‌های تست در بخش مجموعه تست مورد استفاده قرار گردید. در روش اعتبارسنجی k فولد، نمونه وام‌ها به k زیرمجموعه افراز می‌شوند. از این k زیرمجموعه، هر بار یک مجموعه از وام (بخش) برای تست و k-1 تای دیگر مجموعه وام برای آموزش بکار می‌روند. این روال k بار تکرار می‌شود و همه نمونه وام‌ها دقیقاً یکبار برای آموزش و یکبار برای اعتبارسنجی بکار می‌روند و در نهایت میانگین نتیجه این k بار اعتبارسنجی به عنوان یک تخمین نهایی برگزیده می‌شود. در این پایان نامه از k=10 یعنی روش 10-Fold استفاده می‌شود. همچنین لازم به ذکر است که در این نوع تفکیک، نحوه انتخاب وام‌ها از میان پایگاه داده برای بخش آموزش و تست به طور تصادفی انجام می‌شود.

### یافته های پژوهش

برای تایید و اعتبار سنجی تأثیر روش پیشنهادی از پلتفرم وام دهی لندینگ کلاب استفاده شده است (کلاب، ۲۰۱۶). هر یک از وام گیرندگان دارای مشخصات اعتباری اند که جزئیات آنها در جدول ۱ درج شده است. روش اعتبار سنجی k فولد برای تعیین نمونه های آموزشی و تست استفاده شده است. از اینرو با توجه به ده هزار نمونه داده، ۷ هزار نمونه وام به تصادف به عنوان نمونه وام آموزش و مابقی ۳ هزار نمونه وام به عنوان نمونه وام تست در نظر گرفته شده است. با توجه به جدول ۱، هر یک از نمونه وام های بخش آموزش و تست دارای ۶ متغیر مستقل

<sup>۱</sup> K-Fold

و ۱ متغیر وابسته می‌باشد. شش متغیر مستقل شامل اطلاعات اعتباری هر وام‌گیرنده و یک متغیر وابسته نشان دهنده نرخ بازگشت وام توسط هر وام‌گیرنده می‌باشد. متغیر وابسته دارای چند برچسب کلاس در رنج ۰ تا ۱ می‌باشد بطوریکه ۰، نرخ بازگشت با ریسک بسیار بالا و ۱ نرخ بازگشت با ریسک بسیار پایین می‌باشد و طبعا عددی که به مراتب به ۱ نزدیک تر باشد، شانس بیشتری برای وام گرفتن دارد چون به مراتب ریسک پایینی خواهد داشت. نوع نمونه‌های این مجموعه داده از نوع real و integer می‌باشند. این مجموعه داده شامل چندین هزار نمونه از افراد وام‌گیرنده است که از این چندین هزارنمونه نمونه نیمی از نمونه‌ها متعلق به کلاس ۱ و ۰ و از نیم دیگر در حدود ۷۰ درصد متعلق به کلاس ۰.۵ و ۳۰ درصد مابقی متعلق به برچسب کلاس‌های دیگر می‌باشد.

جدول ۱. مشخصات اعتباری (متغیرهای مستقل)

نام ویژگی	معادل فارسی
loan amount	مبلغ وام درخواستی
Debt to income ratio	نسبت بدهی به درآمد
interest rate	نرخ بهره
borrower's home ownership status	وضعیت مالکیت منزل وام‌گیرنده
Average current balance of all accounts	متوسط موجودی حساب‌ها
Annual income	درآمد سالانه

منبع: (کلاب، ۲۰۱۶).

جدول ۲. نمونه وام‌های آموزشی و تست مورد استفاده در روشهای مورد بررسی. الف. نمونه وام‌های آموزشی

شماره وام	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8	R	Y
1	20000	1	12.45	110000	694	0	2	15	1	0
2	20000	1	22.21	70000	684	0	3	16	1	0
3	10000	0	34.7	55000	689	0	3	19	0	1
4	20000	0	17.61	85000	709	0	1	6	1	0
5	10000	1	13.07	85000	689	1	0	2	1	0
6	22400	0	22.98	95000	714	0	2	12	0.5	0
7	8000	0	34.8	42000	704	0	1	10	1	0
8	28000	0	21.6	92000	724	0	0	2	1	0
9	23000	1	18.28	64000	704	0	1	6	0.5	0
10	18000	0	8.68	112000	804	0	2	11	1	0
11	9600	0	22.44	60000	699	0	0	4	1	0
12	25000	0	26.02	109000	749	1	0	4	1	0

شماره وام	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8	R	Y
13	28000	2	7.49	125000	699	0	2	13	1	0
14	15000	0	14.34	44000	689	1	0	1	1	0
15	16000	0	23.35	109000	684	1	3	19	1	0
16	17600	0	26.59	88000	784	0	0	1	1	0
17	6000	0	13.28	100000	699	1	0	4	1	0
18	20000	2	18.83	65000	839	1	0	1	1	0
19	16000	0	18.96	65000	679	0	2	12	0	1
20	12000	1	24.04	98000	694	0	1	9	1	0
21	25000	0	34.53	79000	734	1	2	14	0	1
22	7200	0	8.47	72500	729	1	1	10	1	0
23	7000	0	13.06	59000	734	1	0	4	1	0
24	27500	0	6.79	195000	704	0	2	15	1	0
25	8800	0	4.18	92000	669	1	1	8	1	0
26	14650	1	21.44	43160	694	0	4	24	1	0
27	11000	0	21.34	69000	684	1	1	7	1	0
28	28000	0	31.88	75000	689	0	3	20	1	0
29	10000	0	9.44	91392	714	0	2	12	1	0
30	24000	2	10.24	77900	744	1	1	8	1	0
31	35000	0	17.36	106000	734	0	2	12	0	1
32	14000	0	24.29	60000	694	0	2	15	0	1
33	21875	1	17.76	47590	704	0	2	11	1	0
34	16000	0	28.92	62000	724	0	1	6	0	1
35	14025	0	18	39000	679	1	3	20	1	0
36	20000	2	16.9	70000	684	0	2	14	0	1
37	19000	2	13.09	75000	669	2	2	15	1	0
38	15850	2	34.85	45000	759	1	5	27	1	0
39	25000	0	9.54	150000	799	0	0	1	1	0
40	4200	0	26.21	102500	704	0	2	13	1	0
41	15000	1	10.17	40000	674	0	1	9	1	0
42	12000	0	14.3	53750	704	0	0	1	1	0
43	11000	0	15	85000	759	0	0	2	1	0
44	15000	0	13.24	110000	674	0	1	6	1	0
45	18500	0	13.2	70000	679	1	2	12	1	0

شماره وام	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8	R	Y
46	8000	0	21.23	45000	674	0	1	9	1	0
47	5000	1	13.73	32000	689	0	0	5	1	0
48	25000	0	4.65	135000	709	0	1	10	1	0
49	20000	0	29.15	55000	754	0	0	2	1	0
50	15000	1	18.17	77213	674	2	2	13	1	0
51	17925	2	27.78	39000	724	1	3	18	1	0
52	15000	0	13.89	92000	684	1	1	8	1	0
53	14000	0	14.97	100000	689	0	1	8	1	0
54	10000	1	21.75	33000	714	0	1	10	1	0
55	10400	0	24.37	104433	699	3	5	26	1	0
56	20000	0	10.78	63000	699	0	1	9	1	0
57	3600	0	4.91	55000	679	1	2	14	1	0
58	35000	0	17.06	110000	789	0	2	15	0.5	0
59	24700	0	16.06	65000	719	4	2	11	1	0
60	16000	0	26.4	70000	724	0	2	12	1	0
61	11950	1	10.2	34000	694	0	2	13	1	0
62	18000	1	9.39	150000	669	1	4	22	0	1
63	1400	0	34.95	64000	704	0	2	12	1	0
64	20000	0	14.67	180000	684	0	1	7	1	0
65	16000	0	33.18	48000	689	0	2	15	1	0
66	29900	0	21.77	65000	719	0	2	12	1	0
67	8650	1	24.49	55000	679	4	4	23	1	0
68	5000	1	12.7	79000	669	0	2	13	1	0
69	4225	1	14.22	35000	729	0	2	15	0	1
70	24250	0	20.84	75000	664	0	5	28	0	1
71	21000	1	14.47	52000	684	1	2	14	1	0
72	16800	0	34.29	118000	684	0	2	12	0.5	0
73	8650	0	7.28	100000	754	0	0	1	1	0
74	20000	1	23.45	75000	729	0	1	8	1	0
75	16000	0	17.74	142000	684	2	2	14	1	0
76	2500	0	17.6	50000	674	4	3	18	1	0
77	7200	1	17.35	55000	684	0	3	16	1	0
78	21000	1	12.14	54649	674	0	2	13	1	0

شماره وام	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8	R	Y
79	23850	2	24.71	68046	669	0	3	18	0.5	0
80	15700	0	29.13	48000	689	0	3	17	0.5	0
81	28800	2	18.01	60000	804	0	2	11	0.5	0
82	35000	0	6.46	128000	689	0	2	11	1	0
83	20000	0	12.28	145000	699	0	2	12	1	0
84	28000	0	28.52	85000	674	0	2	15	0.5	0
85	10000	1	10.81	40100	684	1	0	5	1	0
86	7200	0	19.25	50000	679	0	1	7	1	0
87	16000	1	9.6	42000	674	0	2	13	0	1
88	1500	0	16.11	45000	749	0	0	2	1	0
89	10000	1	31.04	42500	709	1	2	11	1	0
90	17600	1	17.56	44000	684	0	4	23	0.5	0
91	16250	0	34.95	50000	694	0	2	13	1	0
92	23975	1	33.2	70000	689	1	4	23	0	1
93	30000	0	18.5	175000	729	1	3	16	1	0
94	20200	1	34.84	60000	724	0	3	20	0	1
95	15000	1	20.18	80000	779	1	0	1	1	0
96	9000	2	11.98	50000	804	2	1	7	1	0
97	27300	0	24.63	65000	664	0	3	18	0	1
98	23100	2	20.43	110000	664	0	4	24	0	1
99	15000	0	29.28	65000	724	0	1	9	1	0
100	10000	0	14.78	41600	699	0	1	9	1	0
101	10000	1	30.84	30000	719	2	3	17	1	0
102	18000	0	24.65	75000	719	1	0	4	1	0
103	3600	0	17.44	85000	679	2	1	10	1	0
104	5000	2	6.52	72000	714	0	1	8	1	0
105	7200	2	13.21	20000	709	1	3	18	0	1
106	12000	1	31.95	40000	669	0	1	9	1	0
107	17475	1	23.58	39750	699	0	2	14	0	1
108	9000	0	8.43	47000	679	0	1	6	1	0
109	11550	1	21.07	38000	704	0	3	17	0	1
110	33600	1	14.01	104000	694	2	1	9	1	0
111	12000	0	23.84	65000	789	0	1	8	1	0

شماره وام	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8	R	Y
112	12000	0	26.32	39400	709	1	1	7	1	0

## ب. نمونه وام های تست

شماره وام	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8
113	6000	0	14.45	105000	689	1	0	5
114	16000	2	6.39	90000	704	0	2	12
115	10500	1	8.51	70100	664	0	3	16
116	4000	1	14.83	44500	674	0	1	7
117	4200	1	31.02	32000	709	2	2	14
118	16000	0	14.45	96000	729	1	0	1
119	3500	0	17.97	122400	664	2	1	9
120	12000	2	14.53	68000	694	0	1	7
121	24000	2	26.89	95000	679	1	1	10
122	23525	0	13.33	70000	679	0	3	19
123	2000	0	6.78	140000	850	1	1	6
124	15000	0	14.86	93000	759	1	0	3
125	14875	1	36.3	37231	669	3	3	20
126	21600	0	17.64	54000	694	1	2	13
127	8000	1	23.26	42000	709	1	2	14
128	24000	1	29.92	82193	699	0	2	14
129	35000	0	34.69	120000	704	0	4	24
130	5475	0	33.47	108000	674	2	4	21
131	22400	0	28.48	48000	709	0	1	8
132	7000	1	21.96	83000	684	0	2	14
133	20000	2	36.94	55000	744	1	1	9
134	3200	1	20.61	30407	714	0	1	6
135	25825	1	31.68	68000	679	1	5	30
136	35000	0	24.19	125000	714	0	2	13
137	8000	1	14.86	50000	719	0	0	1
138	2500	1	38.06	16488	774	1	1	10
139	16000	1	13.74	87500	699	0	1	9
140	20400	0	38.65	75000	729	0	3	20
141	5000	0	21.21	78000	704	1	1	10
142	8000	0	11.52	33130	669	1	3	19
143	7500	2	37.2	15000	689	0	3	19
144	16000	0	8.78	70000	709	1	3	16
145	9500	1	27.95	28000	699	0	3	16
146	15600	0	14.37	52000	724	1	2	13
147	21000	0	14.07	82000	734	0	2	11
148	18850	0	14.56	55000	704	2	4	25
149	20000	1	22.62	60000	689	2	1	10
150	5000	1	27.9	17000	694	1	1	10
151	8000	0	14.15	45000	794	0	0	3
152	4575	1	10.03	56000	669	1	3	18
153	5600	1	19.85	48000	664	0	1	7
154	13150	1	20.25	40000	769	0	0	1

شماره وام	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8
155	9075	0	8.39	40000	819	0	0	1
156	19600	0	18.99	80000	714	1	3	16
157	14000	1	19.24	45500	694	0	3	16
158	28000	0	24.83	75000	689	0	1	6
159	24000	0	31.57	75181.21	724	1	2	12
160	5000	1	9.16	30000	679	0	2	11

جدول ۳. نمونه احتمال نکول وام های آموزشی و تست

الف. احتمال نکول وام های آموزشی

77	0.180819
78	0.320737
79	0.682873
80	0.289965
81	0.168156
82	0.142612
83	0.059544
84	0.440908
85	0.093091
86	0.131988
87	0.249382
88	0.026143
89	0.17876
90	0.328335
91	0.350194
92	0.398738
93	0.0369
94	0.408704
95	0.030832
96	0.010471
97	0.479092
98	0.533777
99	0.152828
100	0.10179
101	0.091915
102	0.079518
103	0.018441
104	0.085299
105	0.126758
106	0.521609
107	0.358116
108	0.084238
109	0.233558
110	0.112766
111	0.033197
112	0.09354

38	0.232555
39	0.012122
40	0.068093
41	0.24735
42	0.092446
43	0.02562
44	0.095961
45	0.082163
46	0.171361
47	0.15045
48	0.048816
49	0.139067
50	0.082861
51	0.307607
52	0.051986
53	0.09046
54	0.202011
55	0.013357
56	0.115018
57	0.024891
58	0.06113
59	0.009982
60	0.13356
61	0.168026
62	0.065073
63	0.130814
64	0.063032
65	0.346777
66	0.247901
67	0.025361
68	0.129389
69	0.081508
70	0.339111
71	0.188227
72	0.246384
73	0.013201
74	0.214011
75	0.021817
76	0.006645

شماره وام	$P_i$
1	0.15538
2	0.368678
3	0.280899
4	0.1168
5	0.064673
6	0.150362
7	0.22132
8	0.168382
9	0.295212
10	0.009773
11	0.120725
12	0.055516
13	0.252733
14	0.080887
15	0.080245
16	0.048195
17	0.020536
18	0.02977
19	0.185634
20	0.198136
21	0.146175
22	0.013003
23	0.017609
24	0.03978
25	0.027523
26	0.301315
27	0.076642
28	0.45017
29	0.035172
30	0.099428
31	0.153027
32	0.182136
33	0.307387
34	0.162496
35	0.108171
36	0.442059
37	0.152308

ب. احتمال نکول وام های تست

35	0.07455
36	0.037658
37	0.129425
38	0.179052
39	0.017258
40	0.07116
41	0.260137
42	0.091801
43	0.00844
44	0.062596
45	0.2615
46	0.349152
47	0.142531
48	0.140604

17	0.444085
18	0.046039
19	0.299308
20	0.178932
21	0.346227
22	0.135028
23	0.453351
24	0.242558
25	0.102304
26	0.077886
27	0.149261
28	0.271509
29	0.034739
30	0.065647
31	0.652418
32	0.033383
33	0.326876
34	0.043875

شماره وام	$p_i$
1	0.024871
2	0.158439
3	0.1644
4	0.177905
5	0.075848
6	0.025768
7	0.01703
8	0.259466
9	0.441381
10	0.201338
11	0.000524
12	0.01524
13	0.175839
14	0.113955
15	0.107551
16	0.450336

محاسبه ماتریس فاصله

ماتریس فاصله با اختلاف احتمال نکول وام های آموزشی از تست تشکیل می شود. یعنی شباهت میان هر جفت نمونه وام آموزشی و تست (هر جفت وام نظیر به نظیر در بخش آموزش و تست) از طریق تفاضل میان احتمال نکول هر نمونه وام آموزشی با احتمال نکول نمونه وام تست حاصل می شود. نتایج حاصل از پیاده سازی این بخش در متلب در جدول زیر مشاهده می شود. بطوریکه در ماتریس بدست آمده، سطرهای نشان دهنده نمونه وام های آموزشی (وام های بخش آموزش) و ستونها نشان دهنده نمونه وام های تست (وام های بخش تست) هستند.

جدول ۴: ماتریس فاصله میان نمونه وام آموزشی و نمونه تست اول

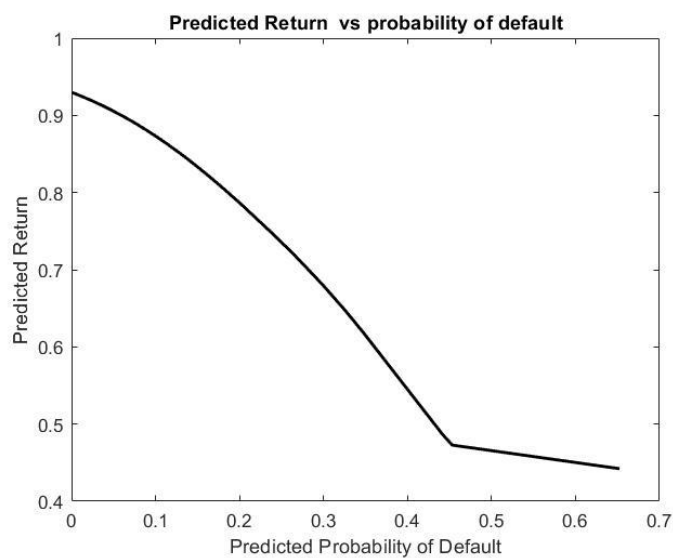
نمونه تست / نمونه آموزشی	1	2	3	4	5	6	7	8
۱	0.130509	0.003059	0.00902	0.022526	0.079532	0.129612	0.13835	0.104086
۲	0.343807	0.210239	0.204278	0.190772	0.29283	0.34291	0.351648	0.109212
۳	0.256028	0.12246	0.116499	0.102994	0.205051	0.255131	0.263869	0.021433
۴	0.091929	0.041639	0.0476	0.061105	0.040952	0.091032	0.09977	0.142666
۵	0.039802	0.093765	0.099727	0.113232	0.011174	0.038905	0.047643	0.194793
۶	0.125492	0.008076	0.014038	0.027543	0.074515	0.124594	0.133333	0.109104
۷	0.19645	0.062882	0.05692	0.043415	0.145473	0.195552	0.204291	0.038146
۸	0.143511	0.009943	0.003982	0.009524	0.092534	0.142614	0.151352	0.091084
۹	0.270342	0.136774	0.130812	0.117307	0.219365	0.269445	0.278183	0.035747

نمونه تست / نمونه آموزشی	1	2	3	4	5	6	7	8
۱۰	0.015098	0.148666	0.154627	0.168132	0.066075	0.015995	0.007257	0.249693
۱۱	0.095854	0.037713	0.043675	0.05718	0.044877	0.094957	0.103695	0.138741
۱۲	0.030645	0.102923	0.108884	0.122389	0.020332	0.029748	0.038486	0.20395
۱۳	0.227862	0.094294	0.088333	0.074827	0.176885	0.226965	0.235703	0.006733
۱۴	0.056016	0.077552	0.083513	0.097018	0.005039	0.055119	0.063857	0.178579
۱۵	0.055374	0.078194	0.084155	0.09766	0.004397	0.054477	0.063215	0.179221
۱۶	0.023324	0.110243	0.116205	0.12971	0.027653	0.022427	0.031165	0.211271
۱۷	0.004335	0.137903	0.143864	0.157369	0.055312	0.005232	0.003506	0.23893
۱۸	0.004899	0.128669	0.13463	0.148135	0.046078	0.004002	0.01274	0.229696
۱۹	0.160764	0.027196	0.021234	0.007729	0.109787	0.159866	0.168605	0.073832
۲۰	0.173265	0.039698	0.033736	0.020231	0.122288	0.172368	0.181106	0.06133
۲۱	0.121304	0.012263	0.018225	0.03173	0.070328	0.120407	0.129145	0.113291
۲۲	0.011868	0.145436	0.151397	0.164903	0.062845	0.012765	0.004027	0.246463
۲۳	0.007262	0.140829	0.146791	0.160296	0.058239	0.008159	0.000579	0.241857
۲۴	0.014909	0.118659	0.12462	0.138125	0.036068	0.014012	0.02275	0.219686
۲۵	0.002652	0.130916	0.136877	0.150382	0.048325	0.001755	0.010493	0.231943
۲۶	0.276444	0.142876	0.136915	0.12341	0.225467	0.275547	0.284285	0.041849
۲۷	0.051771	0.081797	0.087758	0.101264	0.000794	0.050874	0.059612	0.182824
۲۸	0.425299	0.291731	0.28577	0.272264	0.374322	0.424402	0.43314	0.190704
۲۹	0.010301	0.123267	0.129228	0.142733	0.040676	0.009404	0.018142	0.224294
۳۰	0.074557	0.059011	0.064972	0.078478	0.02358	0.07366	0.082398	0.160038
۳۱	0.128156	0.005412	0.011373	0.024879	0.077179	0.127259	0.135997	0.106439
۳۲	0.157265	0.023697	0.017736	0.004231	0.106288	0.156368	0.165106	0.07733
۳۳	0.282516	0.148948	0.142987	0.129482	0.231539	0.281619	0.290357	0.047921
۳۴	0.137625	0.004057	0.001904	0.01541	0.086648	0.136728	0.145466	0.09697
۳۵	0.0833	0.050268	0.056229	0.069734	0.032323	0.082403	0.091141	0.151295
۳۶	0.417188	0.283621	0.277659	0.264154	0.366211	0.416291	0.425029	0.182593
۳۷	0.127437	0.006131	0.012092	0.025597	0.07646	0.12654	0.135278	0.107158
۳۸	0.207684	0.074116	0.068155	0.05465	0.156707	0.206787	0.215525	0.026911
۳۹	0.012748	0.146316	0.152278	0.165783	0.063725	0.013646	0.004907	0.247344
۴۰	0.043222	0.090346	0.096307	0.109812	0.007755	0.042325	0.051063	0.191373
۴۱	0.222479	0.088912	0.08295	0.069445	0.171502	0.221582	0.23032	0.012116
۴۲	0.067576	0.065992	0.071954	0.085459	0.016599	0.066679	0.075417	0.167019
۴۳	0.000749	0.132819	0.13878	0.152286	0.050228	0.000148	0.00859	0.233846
۴۴	0.07109	0.062478	0.068439	0.081945	0.020113	0.070193	0.078931	0.163505
۴۵	0.057292	0.076276	0.082237	0.095742	0.006315	0.056395	0.065133	0.177303
۴۶	0.14649	0.012922	0.006961	0.006544	0.095513	0.145593	0.154331	0.088105
۴۷	0.125579	0.007989	0.01395	0.027455	0.074602	0.124682	0.13342	0.109016
۴۸	0.023945	0.109623	0.115584	0.129089	0.027032	0.023048	0.031786	0.21065
۴۹	0.114196	0.019372	0.025333	0.038838	0.063219	0.113299	0.122037	0.120399
۵۰	0.05799	0.075578	0.081539	0.095045	0.007013	0.057093	0.065831	0.176605
۵۱	0.282736	0.149169	0.143207	0.129702	0.231759	0.281839	0.290577	0.048141
۵۲	0.027115	0.106452	0.112414	0.125919	0.023862	0.026218	0.034956	0.20748
۵۳	0.065589	0.067978	0.07394	0.087445	0.014612	0.064692	0.07343	0.169006

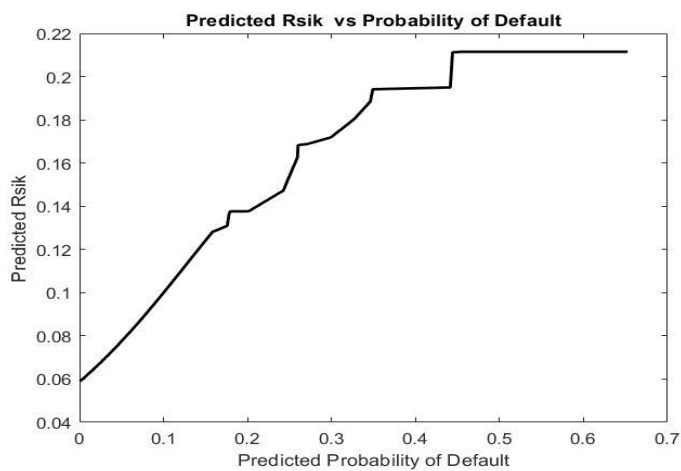
نمونه تست / نمونه آموزشی	1	2	3	4	5	6	7	8
۵۴	0.17714	0.043572	0.037611	0.024105	0.126163	0.176243	0.184981	0.057455
۵۵	0.011514	0.145082	0.151043	0.164548	0.062491	0.012411	0.003673	0.246109
۵۶	0.090147	0.04342	0.049382	0.062887	0.039171	0.08925	0.097988	0.144448
۵۷	2.01E-05	0.133548	0.139509	0.153014	0.050957	0.000877	0.007861	0.234575
۵۸	0.036259	0.097309	0.10327	0.116776	0.014718	0.035362	0.0441	0.198336
۵۹	0.014889	0.148457	0.154418	0.167923	0.065866	0.015786	0.007048	0.249484
۶۰	0.108689	0.024878	0.03084	0.044345	0.057713	0.107792	0.11653	0.125906
۶۱	0.143155	0.009587	0.003626	0.009879	0.092178	0.142258	0.150996	0.09144
۶۲	0.040202	0.093365	0.099327	0.112832	0.010775	0.039305	0.048043	0.194393
۶۳	0.105944	0.027624	0.033586	0.047091	0.054967	0.105046	0.113785	0.128652
۶۴	0.038161	0.095407	0.101368	0.114873	0.012816	0.037264	0.046002	0.196434
۶۵	0.321906	0.188338	0.182377	0.168871	0.270929	0.321009	0.329747	0.087311
۶۶	0.22303	0.089462	0.083501	0.069996	0.172053	0.222133	0.230871	0.011565
۶۷	0.00049	0.133078	0.139039	0.152544	0.050487	0.000407	0.008331	0.234105
۶۸	0.104518	0.02905	0.035011	0.048516	0.053541	0.103621	0.112359	0.130077
۶۹	0.056637	0.07693	0.082892	0.096397	0.00566	0.05574	0.064478	0.177958
۷۰	0.314241	0.180673	0.174711	0.161206	0.263264	0.313343	0.322082	0.079645
۷۱	0.163357	0.029789	0.023828	0.010322	0.11238	0.16246	0.171198	0.071238
۷۲	0.221513	0.087945	0.081984	0.068478	0.170536	0.220616	0.229354	0.013082
۷۳	0.011669	0.145237	0.151199	0.164704	0.062646	0.012567	0.003828	0.246265
۷۴	0.189141	0.055573	0.049612	0.036106	0.138164	0.188244	0.196982	0.045454
۷۵	0.003054	0.136622	0.142583	0.156088	0.054031	0.003951	0.004787	0.237649
۷۶	0.018226	0.151793	0.157755	0.17126	0.069203	0.019123	0.010385	0.252821
۷۷	0.155948	0.02238	0.016419	0.002913	0.104971	0.155051	0.163789	0.078647
۷۸	0.295866	0.162299	0.156337	0.142832	0.244889	0.294969	0.303707	0.061271
۷۹	0.658002	0.524434	0.518473	0.504968	0.607025	0.657105	0.665843	0.423407
۸۰	0.265094	0.131526	0.125565	0.112059	0.214117	0.264197	0.272935	0.030499
۸۱	0.143285	0.009717	0.003756	0.009749	0.092308	0.142388	0.151126	0.09131
۸۲	0.117741	0.015827	0.021788	0.035293	0.066764	0.116844	0.125582	0.116854
۸۳	0.034673	0.098895	0.104856	0.118362	0.016304	0.033776	0.042514	0.199922
۸۴	0.416038	0.28247	0.276509	0.263003	0.365061	0.415141	0.423879	0.181443
۸۵	0.06822	0.065348	0.071309	0.084814	0.017243	0.067323	0.076061	0.166375
۸۶	0.107117	0.026451	0.032412	0.045917	0.05614	0.10622	0.114958	0.127478
۸۷	0.224511	0.090944	0.084982	0.071477	0.173534	0.223614	0.232352	0.010084
۸۸	0.001272	0.132296	0.138257	0.151762	0.049705	0.000375	0.009113	0.233323
۸۹	0.153889	0.020322	0.01436	0.000855	0.102912	0.152992	0.16173	0.080706
۹۰	0.303464	0.169897	0.163935	0.15043	0.252487	0.302567	0.311305	0.068869
۹۱	0.325323	0.191755	0.185794	0.172289	0.274346	0.324426	0.333164	0.090728
۹۲	0.373867	0.240299	0.234338	0.220832	0.32289	0.37297	0.381708	0.139272
۹۳	0.01203	0.121538	0.127499	0.141005	0.038947	0.011133	0.019871	0.222565
۹۴	0.383833	0.250265	0.244304	0.230798	0.332856	0.382936	0.391674	0.149238
۹۵	0.005961	0.127607	0.133568	0.147074	0.045016	0.005064	0.013802	0.228634
۹۶	0.0144	0.147968	0.153929	0.167435	0.065377	0.015297	0.006559	0.248995
۹۷	0.454222	0.320654	0.314692	0.301187	0.403245	0.453325	0.462063	0.219627

نمونه تست / نمونه آموزشی	1	2	3	4	5	6	7	8
۹۸	0.508906	0.375338	0.369377	0.355872	0.457929	0.508009	0.516747	0.274311
۹۹	0.127957	0.005611	0.011572	0.025078	0.07698	0.12706	0.135798	0.106638
۱۰۰	0.076919	0.056649	0.06261	0.076115	0.025942	0.076022	0.08476	0.157676
۱۰۱	0.067044	0.066523	0.072485	0.08599	0.016067	0.066147	0.074885	0.167551
۱۰۲	0.054647	0.078921	0.084882	0.098388	0.00367	0.05375	0.062488	0.179948
۱۰۳	0.00643	0.139997	0.145959	0.159464	0.057407	0.007327	0.001411	0.241025
۱۰۴	0.060428	0.07314	0.079101	0.092606	0.009451	0.059531	0.068269	0.174167
۱۰۵	0.101887	0.031681	0.037642	0.051147	0.05091	0.10099	0.109728	0.132708
۱۰۶	0.496738	0.363171	0.357209	0.343704	0.445761	0.495841	0.504579	0.262143
۱۰۷	0.333245	0.199677	0.193716	0.18021	0.282268	0.332348	0.341086	0.09865
۱۰۸	0.059367	0.074201	0.080162	0.093668	0.00839	0.05847	0.067208	0.175228
۱۰۹	0.208688	0.07512	0.069159	0.055653	0.157711	0.207791	0.216529	0.025907
۱۱۰	0.087895	0.045673	0.051634	0.06514	0.036918	0.086998	0.095736	0.1467
۱۱۱	0.008327	0.125241	0.131203	0.144708	0.04265	0.00743	0.016168	0.226268
۱۱۲	0.06867	0.064898	0.070859	0.084365	0.017693	0.067773	0.076511	0.165925

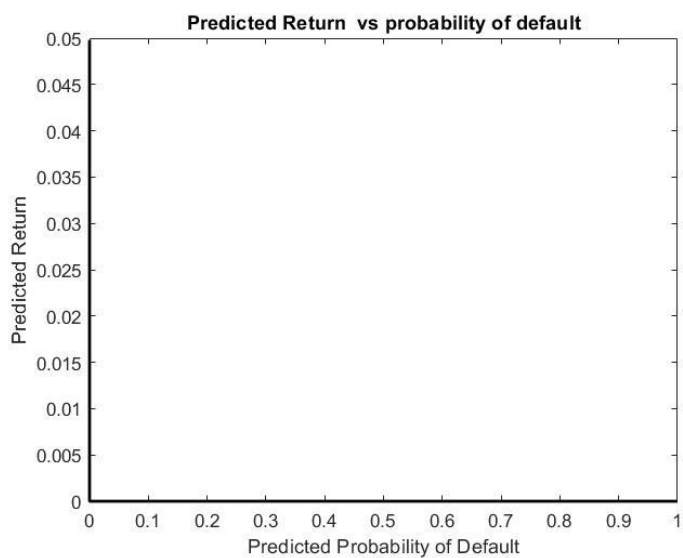
در ادامه نتایج حاصل از هر یک از دو روش مورد بررسی بر روی داده های مذکور در شکل ۱ و ۲ نشان داده شده است. همچنین لازم به ذکر است که پس از مرتب کردن احتمال های نکول به صورت صعودی، نمودار مربوط به رابطه نرخ بازده و ریسک سرمایه گذاری با هر یک از احتمال نکول های مورد نظر نشان داده شده است. با مقایسه نتایج حاصل از رابطه احتمال نکول با نرخ بازده در هر دو روش، مشاهده می شود که نمودار تخمین زده شده در روش رگرسیون هسته ای رابطه جزئی تر و ریز تری را میان احتمال نکول و نرخ بازده نشان می دهد که برای نمودار مربوط به رابطه احتمال نکول و ریسک سرمایه گذاری هم این مهم صادق است، به عبارتی دیگر در روش رگرسیون هسته ای رابطه احتمال نکول - نرخ بازده، رابطه احتمال نکول - سرمایه گذاری دارای ساختاری دانه ای است و از نظریه دانه بندی ریز تبعیت می کنید و روابط را جزئی تر نشان می دهد اما در روش رتبه بندی، نمودار حاصل از روابط احتمال نکول - نرخ بازده و احتمال نکول - ریسک سرمایه گذاری در بازه های طولانی ثابت و مشابه است ارتباط جزئی و دقیق میان احتمال نکول با تخمین های پیش بینی شده را آنطور که باید به دقت و مطابق با واقعیت نشان نمی دهد. از اینرو روش رگرسیون هسته ای در مقایسه با روشهای رتبه بندی قادر به تخمین دقیق تر نرخ بازده و ریسک سرمایه گذاری و ارتباط این دو تخمین (نرخ بازده و ریسک سرمایه گذاری) با احتمال نکول وام می باشد. از اینرو بنا بر منحنی های تخمین در روش مبتنی بر رگرسیون هسته ای در مقایسه با روش مبتنی بر رتبه بندی هموارتر می باشد بطوریکه ظرفیت بیشتری برای پیش بینی نرخ بازده و ریسک سرمایه گذاری داشته و در مقایسه با روشهای مبتنی بر مدل رتبه بندی ساده و نسخه توسعه یافته اش در کل پیش بینی دقیقتری در احتمال نکول وام و نرخ بازده دارد.



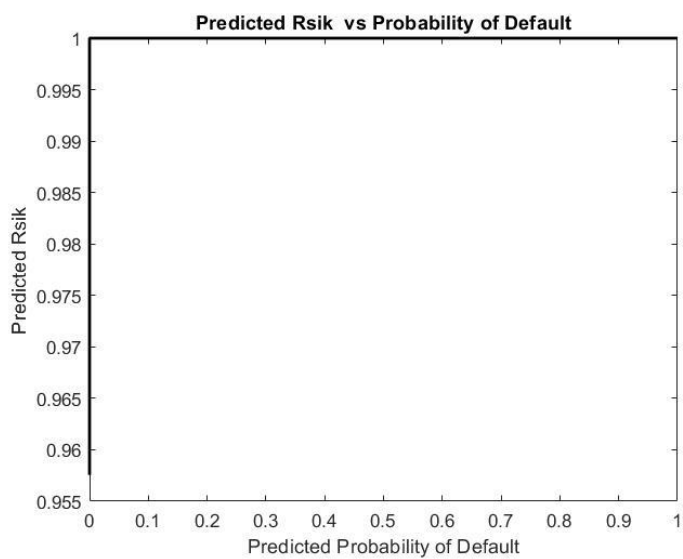
الف. احتمال نکول وام در برابر بازده وام



ب. احتمال نکول وام در برابر ریسک سرمایه گذاری  
شکل ۱. روش رگرسیون هسته ای



الف. احتمال نکول وام در برابر نرخ بازده



ب. احتمال نکول وام در برابر ریسک سرمایه گذاری

شکل ۲. روش رتبه بندی

نتایج حاصل از میزان و درصد اعتبار اختصاص یافته به وام‌های تست در هر دو روش مورد بررسی در جدول ۵ بخش الف الی پ نشان داده شده است. در جدول ۵ مشاهده می‌شود که به کدامیک از وام‌های تست، تخصیص اعتبار داده شده است و همچنین میزان و درصد اعتبار اختصاص یافته را نشان می‌دهد. لازم به ذکر است که در بهینه‌سازی سبد، سرمایه کل، ۵ هزار دلار در نظر گرفته شد. مجموع مقادیر موجود در ستون درصد اعتبار تخصیص یافته معادل با ۱ یا همان ۱۰۰ درصد و مجموع مقادیر موجود در ستون میزان اعتبار تخصیصی از سرمایه کل به هر وام تست معادل با ۵ هزار دلار می‌باشد.

جدول ۵- میزان و درصد اعتبار تخصیص یافته و به هر وام (الف. رگرسیون هسته‌ای)

میزان اعتبار	درصد اعتبار	شماره وام تست	میزان اعتبار	درصد اعتبار	شماره وام تست
\$97.81	0.019562	25	\$218.77	0.043754	1
\$124.29	0.024857	26	\$60.82	0.012164	2
\$64.19	0.013038	27	\$58.25	0.011649	3
\$33.85	0.006769	28	\$53.11	0.010622	4
\$196.24	0.039247	29	\$126.89	0.025377	5
\$140.95	0.02819	30	\$216.61	0.043321	6
\$59.96	0.011992	31	\$238.69	0.047738	7
\$199.17	0.039835	32	\$34.36	0.007072	8
\$28.25	0.005651	33	\$22.72	0.004545	9
\$177.65	0.035531	34	\$46.08	0.009216	10
\$128.58	0.025716	35	\$287.28	0.057456	11
\$190.07	0.038014	36	\$243.51	0.048702	12
\$76.62	0.015323	37	\$53.84	0.010768	13
\$52.71	0.010543	38	\$87.80	0.01756	14
\$238.08	0.047617	39	\$93.12	0.018623	15
\$133.13	0.026626	40	\$22.68	0.004536	16
\$34.27	0.007054	41	\$22.71	0.004541	17
\$108.20	0.021641	42	\$173.55	0.03471	18
\$262.78	0.052556	43	\$30.82	0.006165	19
\$144.52	0.029104	44	\$52.75	0.010551	20
\$34.09	0.007018	45	\$26.68	0.005335	21
\$26.46	0.005291	46	\$73.09	0.014617	22
\$68.74	0.013749	47	\$22.67	0.004535	23
\$69.82	0.013965	48	\$37.79	0.007557	24

ب. رتبه بندی ساده

میزان اعتبار	درصد اعتبار	شماره وام تست
\$453.87	0.090774	2
\$453.87	0.090774	5
\$453.87	0.090774	14
\$453.87	0.090774	15
\$453.87	0.090774	16

میزان اعتبار	درصد اعتبار	شماره وام تست
\$453.87	0.090774	20
\$453.87	0.090774	24
\$453.87	0.090774	34
\$453.87	0.090774	35
\$453.87	0.090774	47
\$461.29	0.092257	48

جدول ۶ نتایج نرخ بازده حاصل از روش بهینه سازی سید سهام به واسطه ارزیابی ریسک اعتباری را در هر فولد از اعتباری سنجی  $k$  فولد به ازای سه روش مورد بررسی نشان می دهد. در روش اعتباری سنجی  $k$  فولد، براساس معیار  $k$ ، کل نمونه ها به  $k$  بخش مساوی تجزیه می شوند و هر بار تا رسیدن به  $k=10$ ، یک بخش از تمام بخش ها به عنوان نمونه های تست در نظر گرفته می شود، بنابراین اگر  $k=10$  انتخاب شود، کل نمونه وام ها به ۱۰ بخش مساوی تجزیه می شوند و هر بار یک بخش به عنوان نمونه وام های تست و مابقی به عنوان نمونه های آموزشی در نظر گرفته می شوند، به طور مثال بار اول، بخش اول به عنوان نمونه وام های تست انتخاب می شود و مابقی به عنوان نمونه وام های آموزشی و بار دوم یعنی به ازای  $k=2$ ، بخش دوم به عنوان نمونه وام های تست انتخاب می شود و مابقی بخش ها به عنوان نمونه های آموزشی و بهمین منوال تا رسیدن به  $k=10$ ، بخش دهم به عنوان نمونه وام های تست و مابقی بخشها یعنی ۹ بخش دیگر به عنوان نمونه وام آموزشی انتخاب می گردند، از اینرو در جدول ۳، نتایج حاصل از متوسط نرخ بازده به ازای هر فولد موردی بررسی یعنی از  $k=1$  الی  $k=10$  نشان داده می شود و در انتها متوسط، انحراف معیار نرخ های بازده در فولدهای مختلف یا همان زیر مجموعه تست های مختلف محاسبه می شود.

جدول ۶- میانگین، انحراف معیار نرخ بازده در زیرمجموعه تست های مختلف

رتبه بندی ساده	رگرسیون هسته ای	شماره فولد	رتبه بندی ساده	رگرسیون هسته ای	شماره فولد
0.1252	0.161742	7	0	0.166382	1
0	0.173526	8	0	0.176213	2
0.10214	0.132975	9	0.00032	0.188248	3
0.022415	0.18132	10	0	0.172842	4
0.03624	0.173012	میانگین	0	0.199514	5
0.051083	0.01766	انحراف معیار	0.11233	0.177356	6

### نتیجه گیری

در این مقاله به بررسی روش های رگرسیون هسته ای وزن دار شده و مقایسه اش با روش رتبه بندی ساده در جهت ارزیابی ریسک اعتباری و سپس تصمیم گیری برای ارائه پرتفویی بهینه پرداخته شد. لازم به ذکر است با مقایسه روش های مورد بررسی با شاخص های در نظر گرفته شده در کار محقق گوئو و شاخص های انتخابی

توسط ما نشان داده شد که شاخص هایی که در نظر گرفته ایم منجر به پیش بینی نرخ بازده و ریسک دقیق تری خواهد شد، بنابراین با مقایسه نتایج میان کار محقق گوئو و روش مورد بررسی ما نشان داده شد که شاخص های در نظر گرفته شده در کار محقق گوئو کم بوده و با افزایش میزان شاخص های اعتباری می توان پیش بینی دقیقتری را برای نرخ بازده و ریسک داشت.

در خصوص مقایسه میان روش اعتباری سنجی  $k$  فولد و تفکیک نمونه های داده به روش معمول ۷۰ به ۳۰ درصد، واضح است که با مقایسه نتایج حاصل از سه روش مورد بررسی، روش  $k$  فولد به دلیل انتخاب تصادفی نمونه های داده هم در بخش آموزشی و هم در بخش تست موجب انتخاب پویا و متغیر نمونه های وام از نواحی مختلف پایگاه داده و قرار گیری آن در دو بخش آموزشی و تست می گردد و از همین رو به دلیل مورد انتخاب قرار دادن نمونه های داده با شاخص ها و نرخ بازده های آموزشی متغیری در بخش تست، شاهد پیش بینی دقیقتری هستیم و روش اعتبار سنجی  $k$  فولد و مقایسه با روش معمول ۷۰ به ۳۰ درصد قدرت پیش بینی بهتری داشته است. با مشاهده نتایج دقت پیش بینی حاصل از نرخ بازده وام با روش های داده محور مبتنی بر رگرسیون هسته ای و روشهای مبتنی بر رتبه بندی با حالت تغییر یافته در روش پیشنهادی از جمله تغییر و افزایش در مشخصه های اعتباری روشها واضح است که روش داده محور مبتنی بر رگرسیون هسته ای شده به روش گوسی، عملکرد بهتری نسبت به روش مبتنی بر رتبه بندی دارد و علت اصلی آن در این است که روش رگرسیون هسته ای از تمام وام های گذشته برای تخمین ریسک وام های تست استفاده می کند و دارای آموزش طولانی اما دقیقتر است اما مدل های رتبه بندی صرفا از وام های آموزشی دارای درجه مشابه با درجه وام های تست برای محاسبه ریسک و بازده وام های تست بهره می برد و دارای پروسه آموزش کوتاه اما غیر دقیق است. همچنین دقت پیش بینی مشخص شده از روش رگرسیون هسته ای گوسی به نمونه یادگیری شبیه تر است. در نتایج حاصل شده از روش مبتنی بر رتبه بندی، مقادیر نرخ بازپرداخت وام به ازای هر نمونه داده در نمونه یادگیری مشخص نیست اما در روش رگرسیون هسته ای گوسی واضح می باشد. بدین معنا که روش بهبود یافته، قابلیت شبیه سازی روش رگرسیون معمول و مبنی بر رتبه بندی را بهبود می دهد. نمونه داده هر رکورد نباید توسط روش رگرسیون یکسانی پردازش شوند. همچنین افزایش شاخص های اعتباری موجب بهتر شدن دقت پیش بینی شد. میزان دقت نهایی روش رگرسیون با هسته گوسی بر روی پایگاه داده لندینگ کلاب همگرایی مناسبی داشته است و نسبت به روشهای مبتنی بر رتبه بندی نتیجه به مراتب بهتری دارد و با مقایسه میزان دقت های نهایی پیش بینی در میان روش رگرسیون هسته ای گوسی و روشهای مورد مقایسه دیگر می توان نتیجه گرفت که علی رغم شرایط یکسان در نظر گرفته شده برای تمام روشها، روش رگرسیون هسته ای گوسی نتیجه بهتری را در حل مسئله پیش بینی ریسک بازپرداخت وام داشته است. اگرچه زمان اجرای روشهای مورد مقایسه کمتر از این مقدار بوده است اما از نظر کیفی میزان دقت حاصل از پیش بینی ریسک سرمایه گذاری و ریسک بازپرداخت وام در آنها کمتر از روش رگرسیون هسته ای شده با تابع گوسی می باشد. مزیت روش مورد بررسی مبتنی بر رگرسیون هسته ای در مقایسه با روشهای دیگر در زیر بخش سازی خودکار وزن دار نمودن نمونه وامها براساس شاخص های اعتباری می باشد. همچنین این زیر بخش سازی، امکان می دهد که راه حل های مسئله قادر به یافتن تمام نقاط بهینه به طور همزمان

باشند. از اینرو روش پیشنهادی به دلیل وزن دار نمودن نمونه های داده، با دقت بیشتری به پیش بینی می پردازد، بعلاوه روش رگرسیون هسته ای در مقایسه با روش معمول مبتنی بر رتبه بندی به دلیل پردازش اطلاعات در دو مرحله کلی و اعمال وزنه های آگاهانه به هر متغیر مستقل (شاخص های اعتباری)، در هر یک از دو مراحل با دقت بیشتری به تحلیل روابط میان متغیر های مستقل (شاخص های اعتباری) در جهت تصمیم گیری مقدار متغیر وابسته (ریسک سرمایه گذاری و نرخ بازده وام) می پردازد.

### پیشنهادهای تحقیق

پیشنهاداتی برای محققان در جهت ادامه کار فعلی و بهبود آن ارائه می شود.

۱. بکارگیری شبکه عصبی با استفاده از تکنیک های بهینه سازی برای امتیازدهی به افراد وام گیرنده در جهت ارزیابی خوش حساب و بدحساب بودن مشتریان.

در این نوع پیشنهاد می توان شاخص های اعتباری موجود در لندینگ کلاب را با متغیر وابسته دو حالتی از نوع خوش حساب و بدحساب در نظر گرفت. بدین صورت که متغیرهای مستقل شاخص های اعتباری برای هر نمونه داده وام گیرنده می توانند از طریق شبکه عصبی صرفاً متغیر وابسته با دو برچسب کلاس خوش حساب و بدحسابی را پیش بینی کنند.

۲- اضافه نمودن گام پیش پردازش انتخاب ویژگی به روش شبکه عصبی در جهت انتخاب شاخص های اعتباری مفید در پایگاه داده لندینگ کلاب در جهت افزایش دقت پیش بینی بازپرداخت وام و حذف آزمون های سعی و خطا.

پایگاه داده لندینگ کلاب حاوی شاخص های اعتباری (ویژگیهای داده) بسیاری می باشد که برخی از آنها نامرتب و زائد می باشند. شاخص های زائد و نامفید فاقد اهمیت برای پیش بینی بوده و تاثیر چندانی در پیش بینی نخواهند گذاشت بعلاوه به دلیل ایجاد مشکل نفرین ابعاد می تواند موجب عملکرد پایین دقت پیش بینی گردد. روش انتخاب ویژگی منجر به انتخاب زیر مجموعه ای مفید از کل شاخص های اعتباری در پایگاه داده لندینگ کلاب و در نتیجه کاهش بعد داده و بهتر شدن عملکرد پیش بینی می گردد. به عبارت دیگر بکارگیری تمام شاخص های اعتباری موجود در پایگاه داده لندینگ کلاب نه تنها موجب افزایش پیچیدگی محاسباتی و متعاقباً افزایش زمان اجرا بلکه گاهی موجب کاهش دقت پیش بینی نیز می گردد. در این مواقع تکنیک انتخاب ویژگی برای کاهش بعد داده می تواند خیلی موثر واقع گردد. روش های انتخاب ویژگی زیر مجموعه ای از ویژگیهای شاخص های اعتباری با دقت بالا را انتخاب می کنند. تاکنون روش های مختلفی ارائه شده اند که از روش های بهینه سازی به همراه معیارهای ارتباط سنجی از جمله مجموعه های راف، اطلاعات متقابل نرمال شده، شاخص رند، معیار رگرسیون و... در جهت انتخاب ویژگیهای مفید بهره میبرند اما برخی از آنها یا زمان اجرای بسیار بالایی را برای یافتن زیر مجموعه ویژگیهای بهینه صرف می کنند یا دچار بهینگی محلی و همگرایی زودرس و ارائه پاسخ نامناسبی می شوند. از اینرو یک پیشنهاد می تواند استفاده از تکنیک بهینه سازی جایا به همراه یک معیار سنجش ارتباط میان متغیرهای

مستقل شاخص‌های اعتباری (ویژگی‌های داده مستقل) باشد. الگوریتم بهینه‌سازی جایا به دلیل مزیت‌هایش می‌تواند نقش بارزی در کاهش زمان اجرا و افزایش دقت در انتخاب ویژگی‌های مفید داده داشته باشد

### محدودیت‌های جمع‌آوری داده‌ها

بدون رضایت قبلی از لندینگ کلاب، نمی‌توان موارد زیر را انجام داد:

- ۱) برای دسترسی به این سایت یا جمع‌آوری هرگونه اطلاعات از سایت (از جمله، بدون محدودیت، ربات‌ها، اسکریپت‌ها یا سایر دستگاه‌ها یا برنامه‌های خودکار) از هر وسیله خودکار استفاده کنید.
- ۲) چارچوب سایت، استفاده از تکنیک‌های قاب‌بندی برای محصور کردن هرگونه محتوا یا سایر اطلاعات اختصاصی، قرار دادن پنجره‌های بازشو بر روی صفحات این سایت یا تأثیر دیگر در نمایش صفحات این سایت.
- ۳) هرگونه تبلیغات ناخواسته یا غیرمجاز، مواد تبلیغاتی، "نامه ناخواسته"، "هرزنامه"، "نامه‌های زنجیره‌ای"، "طرح‌های هرمی" یا هر نوع درخواست دیگر تجاری یا غیر تجاری را بارگذاری، ارسال، ایمیل، ارسال یا در غیر این صورت در دسترس قرار دهید یا ارتباطات انبوه از هر نوع با هر عضو لندینگ کلاب، یا شخص ثالث.
- ۴) از داده‌های ارائه شده توسط لندینگ کلاب، که به هر طریقی ارائه می‌شود، برای هرگونه استفاده یا اهداف رقابتی استفاده کنید. شما همچنین موافقت می‌کنید که هرگز از داده‌های ارائه شده لندینگ کلاب، در گذشته برای رقابت با محصولات یا خدمات لندینگ کلاب، استفاده نکنید.
- ۵) از این سایت به هر روشی که قانون قابل اجرا را نقض کند یا باعث آسیب، غیرفعال کردن، فشار بیش از حد یا آسیب رساندن به این سایت شود، استفاده شود یا از سایت در جهت تفریح یا مواردی دیگر که جنبه تفریحی و تبلیغاتی داشته باشد، استفاده شود

### فهرست منابع

- Club, L., Lending club. 2016, Recuperado el.
- de Paula, D.A.V., et al., Estimating credit and profit scoring of a Brazilian credit union with logistic regression and machine-learning techniques. 2019.
- Djeundje, V.B. and J.J.E.J.o.R. Crook, Dynamic survival models with varying coefficients for credit risks. 2019. 275(1): p. 319-333.
- Du, N., et al., Prosocial compliance in P2P lending: A natural field experiment. 2020. 66(1): p. 315-333.
- Emekter, R., et al., Evaluating credit risk and loan performance in online Peer-to-Peer (P2P) lending. 2015. 47(1): p. 54-70.
- Faradharmastuti, C., & Laurentxius, J. (2021). Factors and benefits that affect lender's interest in giving loans in peer to peer (P2P) lending platform. *Binus Business Review*, 12(2), 121-130. <https://doi.org/10.21512/bbr.v12i2.6359>

- Ferreira, V., Papaikonomou, E., &Terceño, A. (2022). Unpeel the layers of trust! A comparative analysis of crowdfunding platforms and what they do to generate trust. *Business Horizons*, 65(1), 7-19. <https://doi.org/10.1016/j.bushor.2021.08.004>.
- Guo, Y., et al., Instance-based credit risk assessment for investment decisions in P2P lending. 2016. 249(2): p. 417-426.
- Habachi, M., S.J.C.B. Benbachir, and Management, Combination of linear discriminant analysis and expert opinion for the construction of credit rating models: The case of SMEs. 2019. 6(1): p. 1685926.
- Harvey, J. (2018). Peer to peer investing guide for beginners. <https://www.amazon.com/Peer-to-Peer-Investing-Guide-Beginnersebook/dp/B079J6JX62/ref>.
- Jiang, J., Liao, L., Wang, Z., & Zhang, X. (2021). Government affiliation and peer-to-peer lending platforms in China. *Journal of Empirical Finance*, 62(June), 87-106. <https://doi.org/10.1016/j.jempfin.2021.02.004>.
- Klafft, M. Online peer-to-peer lending: a lenders' perspective. in Proceedings of the international conference on E-learning, E-business, enterprise information systems, and E-government, EEE. 2008.
- Larrimore, L., et al., Peer to peer lending: The relationship between language features, trustworthiness, and persuasion success. 2011. 39(1): p. 19-37.
- Leonard, T., Logistic Regression, in *A Course in Categorical Data Analysis*. 2020, Chapman and Hall/CRC, p. 139-152.
- Luo, S., Sun, Y., Yang, F., & Zhou, G. (2022). Does fintech innovation promote enterprise transformation? Evidence from China. *Technology in Society*, 68, 1-13. <https://doi.org/10.1016/j.techsoc.2021.101821>.
- Möstel, L., M. Pfeuffer, and M.J.C.S. Fischer, Statistical inference for Markov chains with applications to credit risk. 2020: p. 1-26.
- Mudjahidin, Hidayat, A. A., &Aristio, A. P. (2022). Conceptual model of use behavior for peer-to-peer lending in Indonesia. *Procedia Computer Science*, 197, 215-222. <https://doi.org/10.1016/j.procs.2021.12.134>.
- Pabst, S., Wayand, M., & Mohnen, A. (2021). Coordinating contributions in crowdfunding for sustainable entrepreneurship. *Journal of Cleaner Production*, 319, 1-8. <https://doi.org/10.1016/j.jclepro.2021.128677>.
- Puro, L., et al., Borrower decision aid for people-to-people lending. 2010. 49(1): p. 52-60.
- R. Emekter, Y. Tu, B. Jirasakuldech, and M. J. A. E. Lu, "Evaluating credit risk and loan performance in online Peer-to-Peer (P2P) lending," vol. 47, no. 1, pp. 54-70, 2014.
- Raboun, O., E. Chojnacki, and A. Tsoukias. Dynamic-R: A New "Convincing" Multiple Criteria Method for Rating Problem Statements. in *International Conference on Decision Support System Technology*. 2019. Springer.
- Safidastjerdi, D., Tayebi, K., &Elahi, N. (2021). Loan interest rate uncertainty and financing SMEs listed in Tehran stock exchange. *Journal of Asset Management and Financing*, 9(2), 1-20. <https://doi.org/10.22108/AMF.2020.124509.1578>. (In Persian)
- Song, P., Chen, Y., Zhou, Z., & Wu, H. (2018). Performance analysis of peer-to-peer online lending platforms in China, *Sustainability*, 10(9), 1-15. <https://doi.org/10.3390/su10092987>
- Suryono, R. R., Budi, I., & Purwandari, B. (2021). Detection of fintech P2P lending issues in Indonesia. *Heliyon*, 7(4), 1-10. <https://doi.org/10.1016/j.heliyon.2021.e06782>
- Tao, W. and D. Chang. Credit Risk Assessment of P2P Lending Borrowers based on SVM. in *1st International Conference on Business, Economics, Management Science (BEMS 2019)*. 2019. Atlantis Press.
- Thomas, L., J. Crook, and D. Edelman, *Credit scoring and its applications*. 2017

- Wang, C., Zhang, W., Zhao, X., & Wang, J. (2019). Soft information in online peer-to-peer lending: Evidence from a leading platform in China. *Electronic Commerce Research and Applications*, 36, 1-15. <https://doi.org/10.1016/j.elerap.2019.100873>.
- Welack, S.J.A.a.S., Artificial Neural Network Approach to Counterparty Credit Risk and XVA. 2019.
- Wu, J. and Y.J.J. Xu, A Decision Support System for Borrower's Loan in P2P Lending. 2011. 6(6): p. 1183-1190.
- Ye, X., et al., Loan evaluation in P2P lending based on random forest optimized by genetic algorithm with profit score. 2018. 32: p. 23-36.
- Yu, S., & Fleming, L. (2021). Regional crowdfunding and high tech entrepreneurship. *Research Policy*, 1-18. <https://doi.org/10.1016/j.respol.2021.104348>
- Zhang, H., The impact of distance, feature weighting and selection for KNN in credit default prediction. 2020.
- Zhao, C., Li, M., Wang, J., & Ma, S. (2021). The mechanism of credit risk contagion among internet P2P lending platforms based on a SEIR model with time-lag. *Research in International Business and Finance*, 1-10. <https://doi.org/10.1016/j.ribaf.2021.101407>.

## **Credit risk assessment in person-to-person lending using weighted nuclear regression methods and simple ranking**

**Habil Khavari**

Accounting and finance Department, Ilam Branch, Islamic Azad University, Ilam, Iran (corresponding author).  
[habilkhavari@yahoo.com](mailto:habilkhavari@yahoo.com)

**Fatemeh Ahmadi**

Accounting and finance Department, Ilam Branch, Islamic Azad University, Ilam, Iran.  
[fatemehahmady60@gmail.com](mailto:fatemehahmady60@gmail.com)

**Mojtaba Moradpour**

Accounting and finance Department, Ilam Branch, Islamic Azad University, Ilam, Iran.  
[Moradpour.mo@gmail.com](mailto:Moradpour.mo@gmail.com)

**Rahmatollah Mohamadipour**

Accounting and finance Department, Ilam Branch, Islamic Azad University, Ilam, Iran  
[mohammadipourrahmatollah@gmail.com](mailto:mohammadipourrahmatollah@gmail.com)

**Reza Mashhadizadeh**

Management Department, Karaj Branch, Islamic Azad University, Karaj, Iran.  
[r.mashhadizadeh@zarholding.com](mailto:r.mashhadizadeh@zarholding.com)

### **Abstract**

Person-to-person lending is another method of investment that eliminates the involvement of traditional financial institutions and has been growing more and more in recent years in other countries. The purpose of this article is to evaluate the credit risk based on the sample with the ability to evaluate the risk and return of each loan using logistic regression with Gaussian function that does not have a ranking approach in person-to-person lending. Lending Club's lending platform has been used to confirm and validate the effectiveness of the proposed method. that each borrower has a credit profile. The k-fold validation method has been used to determine the training and test samples. Therefore, according to ten thousand data samples, seven thousand random loan samples have been considered as training loan samples and the remaining three thousand loan samples have been considered as test loan samples. The results of the experiments show the better performance of the data-driven investment method based on nuclear regression compared to the ranking methods in the application of person-to-person lending.

**Key words:** credit risk, data-driven method, regression, rating, person-to-person lending.

